基于水土耦合 SPH 方法的滑坡-堵江-成坝灾害链全过 程动力演化模拟

李爽 1,2 彭铭 1,2,* 石振明 1,2 刘毛毛 1,2 夏成志 1,2 王悦 1,2 朱艳 3

1. 土木工程防灾减灾全国重点实验室,上海,200092

2. 同济大学土木工程学院地下建筑与工程系,上海,200092

3. 中船第九设计研究院工程有限公司,上海, 200063

摘要:本研究采用一种双向耦合的 SPH 数值模型,精确模拟滑坡-堵江-成坝灾害链的全过程。模型以 Drucker-Prager 准则描述滑体大 变形行为,结合混合物理论与非线性渗流拖曳力实现水土耦合。通过室内试验验证后,成功重现白格滑坡灾害链演化,模拟结果与实 测高度吻合。结果表明,滑坡入水引发的涌浪及成坝过程可依据滑体速度与能量变化清晰划分阶段。量化分析显示,内摩擦角φ增大 (5 °至 20 °)导致堰塞坝长度线性减小,高度呈幂函数增长,涌浪峰值高度显著降低。涌浪峰值与滑体入水弗劳德数呈线性正相关。上 述发现揭示了滑体参数对灾害链演化路径的系统性影响,为高风险山地河流域灾害预测与风险评估提供理论支撑。

关键词: 堰塞坝; 滑坡灾害链; 光滑粒子流体动力学; 水土耦合

中图分类号: P642.22 **收稿日期:** 2025-03-25

Simulation and analysis of the cascading hazard based on the fluid-soil coupled SPH method

Shuang Li^{1,2} Ming Peng^{1,2,*} Zhenming Shi^{1,2} Maomao Liu^{1,2} Chengzhi Xia^{1,2} Yue Wang^{1,2} Yan Zhu³

1 State Key Laboratory of Disaster Reduction in Civil Engineering, Tongji University, Shanghai 200092, China

2. Department of Geotechnical Engineering College of Civil Engineering, Tongji University, Shanghai 200092, China

3. China Shipbuilding NDRI Engineering Co., LTD, Shanghai 200063, China

Abstract: This study adopts a bidirectionally coupled SPH numerical model to accurately simulate the full evolution of a landslide-dammed lake disaster chain. The model captures large deformation of the landslide body using the Drucker–Prager criterion and achieves water–soil coupling through mixture theory and nonlinear seepage drag forces. Validated against laboratory experiments, the model successfully reproduces the Baige landslide disaster chain, with simulation results closely matching field observations. Results show that the processes of landslide motion, impulse wave generation, and dam formation can be clearly delineated by the evolution of landslide velocity and energy. Quantitative analysis reveals that increasing the internal friction angle φ from 5° to 20° leads to a linear decrease in dam length, a power-law increase in dam height, and a significant reduction in wave height. The peak wave height exhibits a linear correlation with the landslide Froude number at impact. These findings highlight the systematic influence of landslide material properties on disaster chain dynamics and offer theoretical support for hazard prediction and risk assessment in mountainous river basins.

Key words: Landslide dam; Landslide hazard chain; Smoothed particle hydrodynamics; Fluid-soil coupling

0 引言

滑坡-堵江-成坝是由滑坡体失稳运移,滑坡体入江 涌浪-滑坡体堆积成堰塞坝构成的一种天然地质灾害 链,广泛分布于我国的西部山区(Fan et al., 2019)。 除滑坡体本身运动过程中对沿途建设的损害外(郭长 宝等,2024),滑坡体入水产生的涌浪也会影响周边区 域。滑坡成坝形成的堰塞坝会堵塞河道,随着上游水 位的不断上升,发生堰塞坝溃决(贾柯程等,2023), 更会对下游居民生命财产安全带来严重威胁(石振明 等,2023)。如金沙江流域的白格地区,在2018年10 月和11月,连续发生了两次滑坡堵江,分别都造成堵 塞和堰塞坝溃决,分别造成了超20000人和近75000 人疏散(Cai et al.,2020)。最大滑坡堵江预期库容近 8×10⁸ m³,人工开挖泄流槽后,仍有不可避免的洪水导 致下游金沙江大桥7 跨桥面被完全冲毁,部分道路、 学校等被淹,为金沙江下游沿岸带来巨大经济损失。 随着地震活动和极端降雨频发,滑坡堵江事件呈增长 趋势(吴昊等,2023),深入理解其形成演进机制对保 障山区人民生命财产安全有重要意义。

目前一系列的现场调查(许强等,2018;Ouyang et al.,2019)和室内试验(Luo et al.,2025)加深了对该灾 害链的理解,但是受到成本和观测手段的限制,难以 大范围开展相关研究。随着计算机硬件及相关算法的 发展,数值模拟方法作为一种低成本的方法,逐渐被 应用于滑坡堵江灾害链的研究中(周礼等,2019;Zhou et al.,2020;杜文杰等,2022;李东阳等,2023)。然 而,目前的连续性研究多基于网格法的研究(Long et al.,2024),如有限差分法(FDM),有限体积法(FVM) 等,在模拟滑坡体大变样方面会面临网络畸变等问题 (杜文杰等,2022),其中广泛采用的深度平均算法忽 略了材料在高度上的差异及复杂的三维形态,影响模 拟结果的精度。在非连续法方面,离散元法(DEM) 是模拟滑坡涌浪过程最常用的方法之一。将有限元法

*通讯作者: 彭铭(1981一), 男, 教授, 从事地质灾害研究。E-mail: pengming@tongji.edu.cn

基金项目: 国家自然科学基金-联合基金重点项目(U23A2044),广西重点研发计划项目(桂科 AB25069121),国家自然科学基金-青年基金(42207238)

作者简介:李爽(2000一),男,博士研究生,从事地质灾害全过程模拟研究。E-mail: 2111042@tongji.edu.cn, ORCID: https://orcid.org/0009-0001-2576-6198.

(FEM)与 DEM 结合形成的 FDEM 方法,能够更精 细地模拟岩体破裂行为。DEM 和 FDEM 可与流体模 拟方法(如计算流体力学 CFD 和光滑粒子流体力学 SPH)耦合,实现水土耦合模拟,从而再现滑坡涌浪过 程,例如CFD-DEM(Nian et al., 2021; Li et al., 2023a;)、

DEM-SPH(Li et al., 2024a)以及 FDEM-SPH(Bao et al., 2023)等方法均在室内试验尺度和现场尺度滑坡涌 浪进行了应用。但是 DEM 及 FDEM 计算过程需要计 算每个粒子间的接触作用,相比于连续性方法计算成 本高昂(Li et al., 2024b),同时需要标定的参数较多 (Huang et al., 2023),限制了其在现场尺度模拟的广泛 应用。尽管效率更高的非连续变形分析法(DDA)也 被用来模拟滑坡运动,进而开发 DDA-SPH 等算法模 拟滑坡涌浪 (Peng et al., 2020),但是不同算法之间 的耦合会带来不可避免的信息传递误差,影响计算精 度。因此,统一平台的,高效率的,可直接考虑滑坡体 大变形的水土耦合方法有待被开发应用于滑坡堵江三 维模拟中。

光滑粒子流体动力学方法(SPH)是一种无网格连 续性方法,由一系列 SPH 粒子携带物理信息,并且可 以自由运动,兼顾了能够模拟滑坡体大变形和计算效 率的优势,逐渐被应用于滑坡灾害的模拟中(Bui et al., 2008; Bui and Nguyen, 2021; Li et al., 2023b)。此外, 不同的对象(如水、土)可以直接采用不同的 SPH 粒 子进行模拟,并且不同粒子的交界面可以根据邻近关 系自动识别(Peng et al., 2024),近些年逐渐有相关的 水土耦合算法被开发和应用(Bui and Nguyen, 2021; Li et al., 2024b)。基于水土耦合方式,相关的模型可以分 为单向耦合模型和双向耦合模型两类(Zhu et al., 2022)。 单相模型通常隐式计算土体,认为土体是不可运动的 孔介质,根据渗流理论模拟土体对水流的阻碍作用。 相关的模型对孔隙率动态更新、渗流力计算及本构方 程等方面进行优化, 被应用于坝体渗流 (Feng et al., 2022)、潜堤消浪(Ren et al., 2016)等案例中,但是 这些方法忽略了土体的运动,无法应用于滑坡堵江的 模拟。双向耦合模型则是在此基础上,认为土体可以 自由大变形,基于水土两相相互作用,实现完全耦合。 基于本构方程改写和渗流力作用模拟相互作用, 被应 用于射流冲击(Bui et al., 2021)、海底滑坡(Zhang et al., 2024a) 等案例的模拟中, 在滑坡-堵江-成坝灾害链 有很好的应用前景。

在双向耦合方法中,如何定义水土混合模型的控制方程是水土耦合的核心。其中混合物理论是最常用的理论模型(Bui et al., 2021; Zhu et al., 2022),该方法认为水土和土体共同充满整个计算空间,在运动过程中,两者体积分数发生变化,从而影响控制方程的计算。Zhu et al (2022)对混合物理论模型的相关方法进行了整理,对比了本构方程的区别,并改进了现有

方程,通过一系列室内试验案例证明所改进的方程在 理论上和数值结果上有更好的体积守恒性和更准确的 结果。

本文基于水土两向耦合 SPH 算法(Zhu et al., 2022), 将其应用于滑坡-堵江-成坝模拟中,基于室内滑坡入水 试验进行了验证。借助现场调查和数据收集,该算法 被进一步应用到 2018 年 10.11 金沙江特大白格滑坡堵 江事件(许强等,2018),基于数值模拟结果对该灾害 链的动力学过程进行分析,并讨论不同内摩擦角下运 动过程的区别及其对成坝形态的影响。本文旨在开发 的滑坡-堵江-成坝灾害链的全过程数值模拟方法,并加 深对其动力学过程的理解,为山地地区相关灾害的防 灾减灾提供支撑。

1 SPH 水土耦合方法

1.1 控制方程

在本文,主要有 SPH 水粒子和 SPH 土粒子来分 别模拟水体和滑坡体,如图 1 所示。基于混合物理论, 水土和土体充满计算的物理空间,两者的体积分数满 足以下条件:

$$\phi_f + \phi_s = 1 \tag{1}$$

式中, $\phi_f \pi \phi_s \beta$ 别为流体和土体的体积分数,在拉格 朗日形式下基于材料密度求解两相质量守恒方程(Zhu et al., 2022),从而得到:

$$\frac{d^s \rho_s}{dt} = -\rho_s \nabla \cdot \mathbf{u}_s \tag{2}$$

$$\frac{d^{f} \rho_{f}}{dt} = -\frac{\rho_{f}}{\phi_{f}} \nabla \cdot \left(\phi_{f} \mathbf{u}_{f} + \phi_{s} \mathbf{u}_{s}\right)$$
(3)

式中, ρ_s 和 ρ_f 分别为土体和流体的材料密度。 u_s 和 u_f 分别为土体和流体的速度向量。基于线性动量守恒,水体和土体的动量守恒方程分别为:

$$\frac{d^{s}\mathbf{u}_{s}}{dt} = \frac{\nabla \cdot \boldsymbol{\sigma}_{s}}{\rho_{s}} + \mathbf{g} - \frac{\phi_{s} \nabla p_{f}}{\rho_{s}} - \frac{\mathbf{f}_{d}}{\rho_{s}}$$
(4)

$$\frac{d^{f}\mathbf{u}_{f}}{dt} = -\frac{\nabla p_{f}}{\rho_{f}} + \mathbf{g} + \frac{\mathbf{f}_{d} + \mathbf{f}_{v}}{\phi_{f}\rho_{f}}$$
(5)

式中, g=9.8 m/s² 为重力加速度, σ_s 为土体的柯西应力 张量, $f_a 和 f_v 分别为渗流力和粘性力, 其公式为:$

$$\mathbf{f}_{d} = -150 \frac{\mu (1-\phi_{f})^{2}}{\phi_{f} d_{50}^{2}} (\mathbf{u}_{f} - \mathbf{u}_{s})$$

$$-1.75 \frac{\rho_{f} (1-\phi_{f})}{d_{50}} \|\mathbf{u}_{f} - \mathbf{u}_{s}\| (\mathbf{u}_{f} - \mathbf{u}_{s})$$

$$\mathbf{f}_{s} = \eta \nabla^{2} \mathbf{u}_{s} \qquad (7)$$

式中, η 为动力粘度。在 SPH 计算中,水土都会被离散 为不同的 SPH 粒子,如图 1 所示。采用 SPH 核函数 $W_{ij} = W$ ($r_i - r_j$, h_s)可以对物理方程进行离散化,从 而对每个 SPH 粒子进行计算,其中 *i*,*j* 为粒子的序号, h_s 为光滑半径。对流体的质量守恒和动量守恒方程进 行离散化后,可以得到流体的 SPH 形式控制方程为:

$$\frac{d^{j} \rho_{i}}{dt} = -\frac{\rho_{i}}{\phi_{i}} \sum_{j} (\phi_{j} \mathbf{u}_{j} - \phi_{i} \mathbf{u}_{i}) \cdot \nabla_{i} W_{ij} V_{j}$$

$$-\frac{\rho_{i}}{\phi_{i}} \sum_{j} (1 - \phi_{j}) \mathbf{u}_{j}^{s} \cdot \nabla_{i} W_{ij} V_{j} + \hat{\rho} \nabla_{i} W_{ij} V$$

$$\frac{d^{f} \mathbf{u}_{i}}{dt} = -\frac{1}{\rho_{i}} \sum_{j} (p_{i} + p_{j}) \nabla_{i} W_{ij} V_{j} + \frac{1}{\phi_{i} \rho_{i}} \sum_{j} 2\eta \frac{\mathbf{v}_{ij}}{r_{ij}} \frac{\partial W}{\partial r_{ij}} V_{j}$$

$$-\frac{1}{\phi_{i} \rho_{i}} \sum_{a} f_{ia} W_{ia} V_{a} + \hat{\rho} \nabla_{i} W_{ij} V_{j} + \mathbf{g}_{i}$$
(1)

式中,i,j 表示水粒子的序号,a,b 表示土粒子的序号, V 为粒子体积, $u_{ij} = u_i - u_j$ 是流体粒子的相对速度。





和 P分别为:

$$\hat{\rho} = \rho_L \frac{P_L - P_R}{\rho_L c_L + \rho_R c_R} \tag{10}$$

$$\hat{P} = \frac{2\rho_L c_L \rho_R c_R \left(U_L - U_R \right) \beta}{\rho_L \left(\rho_L c_L + \rho_R c_R \right)} \tag{11}$$

式中, $\beta = min(\xi max((U_L - U_R)/\tilde{c}, 0), 1)$, 其中耗散 系数 $\zeta=3.0$, $\tilde{c} = (\rho_L c_L + \rho_R c_R)/(\rho_L + \rho_R)$ 。下标 L,R 分别代表黎曼相互作用中的左右项,计算方式为:

$$\begin{cases} (\rho_L, U_L, P_L, c_L) = (\rho_i, -\mathbf{v}_i \cdot \mathbf{e}_{ij}, p_i, c_i) \\ (\rho_R, U_R, P_R, c_R) = (\rho_j, -\mathbf{v}_j \cdot \mathbf{e}_{ij}, p_j, c_j) \end{cases}$$
(12)

式中 *c* 为声速。采用同样的方式,可以对土体的质量 守恒方程和能量守恒方程进行黎曼 SPH 离散化,得到:

$$\frac{d^{s}\rho_{a}}{dt} = \rho_{a}\sum_{b} (u_{a} - u_{b})\nabla_{a}W_{ab}V_{b} + \hat{\rho}\nabla_{i}W_{ij}V \qquad (13)$$

$$\frac{d^{s}\mathbf{u}_{a}}{dt} = \frac{1}{\rho_{a}} \sum_{b} (\sigma_{a} + \sigma_{b}) \nabla_{a} W_{ab} V_{b} + \mathbf{g}_{a}$$
$$-\frac{\phi_{a}}{\rho_{a}} \sum_{i} (p_{i} - p_{a}) \nabla_{a} W_{ai} V_{i}$$
$$+\frac{1}{\rho_{a}} \sum_{i} \mathbf{f}_{ai} W_{ai} V_{i} + \hat{P} \nabla_{i} W_{ij} V$$
(14)

式中 $\hat{\rho}$ 和 \hat{P} 计算方式与水体相同,但根据 Zhang et al (2024b)的研究,在土体中耗散系数 ζ 取 20D,其中 D 代表维度,在二维算例下取 2,三维算例下取 3.

1.2 本构方程

流体基于弱可压缩牛顿流体模型进行求解,其本 构方程为采用状态方程:

$$p = c_0^2 (\rho - \rho_0) \tag{15}$$

式中, c_0 为数值声速, ρ_0 为初始密度,为保证流体弱可 压缩条件,取 $c_0=10U_{max}$,其中 U_{max} 为期望最大速度。

土体采用 Drucker-Prager (DP) 本构的弹塑性体模型,其屈服条件为:

$$f(I_1, J_2) = \alpha_{\phi} I_1 + \sqrt{J_2} - k_c$$
(16)

式中, $I_1 = tr(\sigma)$ 是第一应力不变量, $J_2 = \frac{1}{2}$ S:S是第 二偏应力张量, $\alpha_{\phi} \pi k_c \in DP$ 模型参数,其定义为:

$$\alpha_{\phi} = \frac{\tan\phi}{\sqrt{9+12\tan^2\phi}}, k_c = \frac{3c}{\sqrt{9+12\tan^2\phi}}$$
(17)

式中, ϕ 和 *c* 分别代表土体的内摩擦角和粘聚力。土体的应力采用以下方式进行积分:

$$\boldsymbol{\sigma} \quad (t + \Delta t) = \boldsymbol{\sigma} \quad (t) + \dot{\boldsymbol{\sigma}} \Delta t \tag{18}$$

式中, Δt 是时间步, $\dot{\sigma}$ 是土体的应力 σ 的变化率, 相同的标注方式在后文也同样表示物理量的变化率。采用非关联流动法则计算应力率:

$$\dot{\boldsymbol{\sigma}} = 2G\dot{\boldsymbol{\varepsilon}}^{s} + Ktr(\dot{\boldsymbol{\varepsilon}})\boldsymbol{I} - \left[\dot{\lambda}3\alpha_{\psi}K\boldsymbol{I} + \frac{G}{\sqrt{J_{2}}}\boldsymbol{\sigma}^{s}\right] + \boldsymbol{\sigma} \bullet$$
$$\dot{\boldsymbol{\omega}}^{T} + \dot{\boldsymbol{\omega}} \bullet \boldsymbol{\sigma} \tag{19}$$

式中, $K \approx G$ 分别为体积模量和剪切模量, $\dot{\epsilon}$ 是应变张量, $\dot{\epsilon}^{s} = \dot{\epsilon} - \text{tr}(\dot{\epsilon})I/3$ 是偏应变率张量, $\dot{\omega}$ 是旋转张量, λ 是塑性应变乘子, 它们的计算公式为:

$$\dot{\lambda} = \frac{3\alpha_{\phi}Ktr\ (\dot{\epsilon}) + (G/\sqrt{J_2})\ \sigma^{s}:\dot{\epsilon}}{9\alpha_{\phi}K\alpha_{\psi}+G}$$
(20)

$$\dot{\boldsymbol{\omega}} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} \nabla \mathbf{v}^s - (\nabla \mathbf{v}^s)^T \end{bmatrix}$$
(21)
$$\dot{\boldsymbol{\varepsilon}} = \frac{1}{2} \begin{bmatrix} \nabla \mathbf{v}^s + (\nabla \mathbf{v}^s)^T \end{bmatrix}$$
(22)

此外,应力拉回算法(Bui et al., 2008)被采用, 以保证应力状态不超过屈服面,具体为:

$$\begin{cases} \widetilde{\boldsymbol{\sigma}} = \boldsymbol{\sigma} - \frac{1}{3} \quad (I_1 - \frac{k_c}{\alpha_{\phi}}) \quad \boldsymbol{I}, \text{ when } -\alpha_{\phi} + k_c < 0 \\ \widetilde{\boldsymbol{\sigma}} = \frac{-\alpha_{\phi} + k_c}{\sqrt{J_2}} \boldsymbol{\sigma}^s + \frac{1}{3} I_1 \boldsymbol{I}, \text{ when } -\alpha_{\phi} + k_c < \sqrt{J_2} \end{cases}$$
(23)

式中资是拉回后的应力张量。

本文基于开源 C++代码库 SPHinXsys(Zhang et al., 2021) 自主开发了上述代码,并基于英特尔至强 Platinum 8377C 处理器进行并行加速计算。在所有的 SPH 模拟中均采用 Wendland C2 核函数 (Wendland, 1995),并且设置光滑半径 $h_s = 1.3 dp$,其中 dp 为初始 粒子间距。

2 数值验证

经典的滑坡入水涌浪室内试验(Viroulet et al., 2014, 2013)被用来验证本文所采用的水土耦合 SPH 算

法准确性。图 2 展示了该模型的初始设置,一个体积为 2kg 的散粒体被放置在坡角为 45 的斜坡上,在一个挡板的限制下保持静止,以模拟天然滑坡体。下方设置高度为 0.15m 的静止水体,以模拟天然河流。突然撤下挡板后,滑坡体会在自重作用下发生失稳大变形,从而落入水中,堆积停止并产生涌浪。在距离滑坡体不同距离处设置了共四个浪高仪 W1-W4 用以监测水位变化,距离滑坡体的位置分别为 0.45m, 0.75, 1.05和 1.35m。





SPH 模型按照试验进行设置,如图 2 所示,其中 墙体用墙粒子表示,不会发生运动,流体和土体均采 用无滑移边界(Bui et al., 2008; Adami et al., 2012)。 水体和土体的参数基于室内试验进行设置,SPH 参数 参考 Huang et al (2023)的研究设置。具体如表 1 所 示。

图 3 展示了室内试验(Viroulet et al., 2013,2014) 所拍摄的不同时刻照片。在 *t*=0s 时,滑坡体挡板被快 速撤掉,此时滑坡体开始失稳变形。在 *t*=0.3s 时,滑 坡体前缘进入水中,与水体发生剧烈混合和冲击,造 成局部的涌浪。在 *t*=0.9s 时,滑坡体完全落入水中, 并且在冲击处产生了二次涌浪。滑坡体逐渐趋于稳定, 所产生的波浪逐渐向远处传播,如 *t*=1.5s 时所示。在 图 3 的右侧展示了不同时刻下 SPH 模拟得到的结果, 包括滑坡运动、滑坡入水、部其滑坡体运动形式及涌 浪的形态与室内试验基本一致,证明了所采用的数值 模型在滑坡滑坡体与水相互作用时的准确性。

表 1	
-----	--

Table 1 Parameters of landslide-induced wave experiment		
参数	值	
土体颗粒密度(kg/m ³)	2500	
土体杨氏模量 (MPa)	5.84	
土体泊松比	0.3	
土体内摩擦角 (°)	23.3	
土体粘聚力(Pa)	20	
土体中值粒径(m)	4×10^{-3}	
土体初始体积分数	0.6	
土体粒子初始间距(m)	0.01	
水体密度(kg/m ³)	1000	
水体动力粘度 (Pa·s)	10-3	
水体粒子初始间距(m)	0.005	





Fig. 3 Photographs of the landslide-induced wave experiments at different moments (a-e) and corresponding SPH simulation results (f-j).





图 4 进一步展示了不同监测点的浪高曲线,滑坡 所导致的涌浪最早于 0.40s 传播到 W1,并且在约 0.26s 后到达峰值,最大峰值浪高为 2.1cm。随后首波的波峰 分别于 0.95s,1.18s 和 1.44s 传递到浪高仪 W2,W3 及 W4 上。从图 3 中的结果可以得到,这些首波主要是由 于滑坡体前缘入水导致的。而滑坡体后缘入水后,同 样产生了涌浪,但是其幅值远小于首波,如图4(a-b) 所示。随着首波传播到尾端并发生反射,与次波发生 了叠加,其幅值在 W4 甚至超过了首波。SPH 模拟的 结果也同样被展示在图中,可以看出所模拟得到波形 与室内试验结果一致,说明数值模拟可以复现首波, 次波以及首波的反射等现象,证明了该模型的准确性。

3 白格滑坡模拟与分析

3.1 白格概况及数值模型设置

在我国西藏地区的白格地区,分别于 2018年的10 月和11月发生了两次巨型天然滑坡。如前文介绍,此 次滑坡及次生灾害严重毁坏了下游流域,并带来了巨 大的财产损失,本文针对于占主要体积的"1011"白格 滑坡体进行了 SPH 全过程模拟与分析。图 5(a)展示 了白格滑坡的位置,它位于金沙江流域的右岸(31° 4′56.41″N,98°42′17.98″E),下游有巴塘、丽江等多 个县市。图 5(b)进一步展示了白格滑坡堵江后的谷 歌地球影像,滑坡体方量超 2.3×10⁷ m³,其滑动区宽度 范围为 500-700m,巨大的滑坡堵塞了金沙江,形成了 白格堰塞坝。



图 5 白格滑坡位置及堆积体影像 Fig. 5 Location and imagery of Baige landslide 本文基于高精度现场数字高程模型(Bao et al., 2023)及相关现场调查和影像(许强等, 2018),建立 了白格地区的地形、滑坡体和水体模型。其中滑坡体 的体积为 2.316×10⁷ m³,初始水位高度设置为 25 m (Bao et al., 2023),河流的上下游人工设置刚性边界 进行限制。其他的 SPH 模型参数基于已有现场调查及 数值模拟标定结果(Zhang et al., 2019; Fan et al., 2020; Li et al., 2023b),具体如表 2 所示。

表 2 白格滑坡的数值模型参数设置

rable 2 Parameters of Barge randshide simulation		
参数	值	
土体颗粒密度(kg/m ³)	2400	
土体杨氏模量 (MPa)	5.84	
土体泊松比	0.3	
土体内摩擦角 (°)	10.5	
土体粘聚力 (Pa)	15000	
土体中值粒径(m)	0.02	

土体初始体积分数	0.75
土体粒子初始间距(m)	10
水体密度(kg/m ³)	1000
水体动力粘度 (Pa·s)	10-3
水体粒子初始间距(m)	10

图 6 展示了 SPH 初始模型的设置,除上文介绍的 形态和参数设置外,一系列监测点被设置在不同位置, 以分析白格滑坡体滑动堵江过程中的动力学过程,可 以得到三类监测信息: (1)滑坡体速度监测。设置了 四个不同高度的速度监测点,分别位于*z*=195m,290m, 555m 和 750m,以监测在滑坡体前缘,中部及后缘不 同位置的滑坡速度演化(2)浪高监测点,在预期滑坡 堆积区的上下游了不同的浪高仪,其具体坐标列在图 6,用以监测不同位置下水位变化,以定量分析滑坡涌 浪的形成。(3)能量监测。通过计算每个粒子动能并 求和,对滑坡体整体的动能演化进行了监测和记录。





3.2 白格灾害链全过程模拟

图 7 展示了 SPH 模拟得到不同时刻下的白格滑坡 体运动-堵江-成坝的全过程,同时绘制了滑坡体速度和 流体速度的变化。在 t=10s 时,滑坡体在重力作用下开 始运动,表面速度最高约 40m/s;在 t=20s 时,滑坡体 加速运动,其表面最高速度近 80m/s,同时滑坡体前缘 进入水中,在局部与水体发生相互作用,产生局部的 涌浪。在 t=40s 时,滑坡体前缘已完全冲击进入河道, 产生剧烈的涌浪并开始向远处传播;在 t=60s 时,大 部分滑坡体堆积在河道上,形成河道的堵塞,同时涌 浪继续向远处传播。最后,滑坡体逐渐停止运动,形成 堰塞坝堆积体,同时波浪也随着传播距离的变远逐渐 减弱,滑坡堵江成坝过程完成,如图 7 (e-f)所示。



图 7 SPH 模拟得到的白格滑坡堵江过程 Fig. 7 SPH simulation of the Baige landslide-damming process 图 8 进一步展示了 SPH 模拟得到的白格滑坡堆积 形成的堰塞坝,及其与现场调查结果(Ouyang et al., 2019; Li et al., 2023a)的对比。其中堆积区域指形成堰 塞坝体的区域,影响区域包括滑坡运动区域及涌浪冲 击区域。同时, CFD-DEM 模型(Li et al., 2023a)和深 度平均模型(Ouyang et al., 2019)的模拟结果也被绘制 在图上。对于不同算法结果,深度平均算法由于无法 充分获得滑坡体三维形态,模拟结果缺少堆积体四周 堆积高度较低的区域,其堆积区域略小于 CFD-DEM 与 SPH 的模拟结果。CFD-DEM 的结果和本文 SPH 结 果基本一致,其与现场调查结果相比,下游堆积区形 态一致,上游堆积区略大于现场调查所得堆积区。这 一差异可能是由于模拟没有考虑部分上游松散滑坡体 被流体带走的现象,但模拟结果都处于现场调查所得 灾害影响区域范围内。此外,模拟结果显示,堰塞坝的 高度变化在河道方向上呈现中间高、上下游低的特征, 最高高度约 80m,这也与目前的现场调查结果一致 (Fan et al., 2020) 。



图 8 白格滑坡 SPH 模拟结果与现场调查结果对比 Fig. 8 Comparison between SPH results and field data of Baige landslide

3.3 灾害链全过程分析

图 9 展示了不同监测点下,监测得到的滑坡体速 度随时间的演化。对于 S1,从滑坡启动开始速度逐渐 增加,于t = 11s达到峰值后迅速减小至0,说明此时 滑坡体后缘已经低于 S1,如图 7(b) 所示。对于 S2, 其形式与 S1 类似, 于 t = 17s 时达到峰值速度 32m/s 后 迅速下降。但是由于在 S2 附近有少量滑坡体残留和持 续运动,使其监测到的速度出现多次波动。对于滑坡 体前缘的监测点 S3 和 S4,均在 20s-30s 间达到峰值后 衰减,此时峰值区域对应滑坡体入水发生冲击阶段, 如图7(b-c)所示。图10展示了涌浪过程中最高水面 的变化及不同测点下 W1-W4 的浪高数据,可以看出, 滑坡体推移水体冲击对岸,如图7(c)所示,其最大浪 高可达 125m, 与现场调查所得到大于 100m 一致 (许 强等, 2018),并且与 FDEM-SPH 模拟得到的 120m 相近(Bao et al., 2023)。对于不同测点的涌浪高度, 距离冲击点最近的 W3 在 t=23s 后观测到了涌浪, 证 明了该阶段的剧烈冲击涌浪现象。而在发生冲击后, 滑坡体的速度增长速率变缓出现速度转折,缓慢达到 峰值后慢慢降低。滑坡运动过程中的动能演化同样被 绘制在图中,在滑坡启动滑移后,滑坡体动能快速增 加,于 23s 时达到峰值,最大动能超过了 3.5×10¹³J。 由于河道和水体的阻碍,滑坡体堆积成坝,动能迅速 减小,在约 60s 后基本降为 0。河道相比于该巨型滑坡 体,其尺寸较小,滑坡体的高速冲击带来了巨大的涌 浪,如图 10 所示。在距离滑坡体较近的监测点 W3, 最大涌浪高度达 40m。即使是距离堆积体中心约 1000m 的 W1.其涌浪高度也可达 23m.与其初始水位 25m 相当,体现了该滑坡对相关流域的重大影响。

结合滑坡体速度与能量的演化,以及滑坡涌浪的 观测,可以将滑坡堵江过程分为三个主要的阶段:(1) 滑坡运移阶段——从初始时刻到前缘速度发生转折前, 此时滑坡体在山体上运移,滑坡体速度快速上升,重 力势能快速转变为动能。(2)涌浪阶段——从前缘速 度转折到动能归零之间,此时滑坡体冲击河道水体, 与水体发生相互作用,在河道中产生涌浪。(3)堵江 成坝阶段——动能归零后的阶段。此时滑坡体已经基 本停止, 仅有少量的坡面残余体继续运动, 形成堵塞 河道的堰塞坝。



图 10 滑坡涌浪高度及随时间演化 Fig. 10 Evolution of the height of landslide-induced waves

3.4 滑坡体内摩擦对堰塞坝堆积形态的影响

滑坡体的强度参数(内摩擦角和粘聚力)是影响 滑坡体运动和堆积特征的重要因素,并且现有研究证 明内摩擦角 φ 在其中占主控因素(Li et al., 2023b), 但是目前关于 φ 对堰塞坝三维堆积形态的讨论相对较 少。为此,本文模拟了一系列不同内摩擦角 $\varphi = 5^{\circ}$, 10°,15°,20°下的白格滑坡堆积成坝过程。图11(a)-(d) 展示了不同内摩擦角下的最终滑坡堆积体形态。随着 φ 从5°增长到20°,滑坡体的强度增加,流动性降低, 运动放缓。

图 11 (e) 进一步展示了不同 φ 下的滑坡体动能随时间的演化。可以看出,不同 φ 下滑坡体的动能呈类似的变化趋势,说明其保持着与前文介绍的类似的运动形式。随着 φ 的增加,整体动能的大小显著降低,这使得滑坡体的长度持续降低,从 1818m 最终降低至824m,使堰塞坝的堵塞区域显著降低。相对应的,随着 φ 从 5 ⁹增长到 15[°],滑坡体高度从 48m 持续增长至96m。但是当 φ 增长至 20 时,由于滑坡体的运动性过差,过多的滑坡残余堆积在山体上,使得滑坡体没有

完全堵塞河道,其形态与低摩擦角下出现明显差异。 相对应的,由于更少方量的滑坡体成功堆积在河道上, 其高度也基本上停止增长,在 φ =20时高度仅为98m。 堰塞坝形态与内摩擦角 φ 之间的定量关系被绘制在图 11(f)中,并且拟合了l 和 h随 φ 的变化曲线。可以 看出,随着 φ 的增加,l呈现近似直线的下降趋势,拟 合直线为: $l = -3674 \tan(\varphi) + 2103$,而h则呈现逐 渐放缓的增长趋势,其关系拟合曲线为h = $-7.5 \tan(\varphi)^{-0.92} + 118, 呈幂函数形式的非线性特征。$





Fig. 11 Accumulation morphology (a-d), kinetic energy evolution (e), and fitting lines of the dam length l and height h(f) under varying friction angles φ .

3.5 滑坡体内摩擦对涌浪特征的影响

除堆积形态外,滑坡体内摩擦角 φ 通过影响滑坡 体运动特征,对滑坡涌浪特征也有着重要的影响。图 12 (a-d) 展示了不同内摩擦角时的滑坡冲击入水时的 形态,选自不同内摩擦角下的测点 W3 的浪高峰值时 刻,如图 12 (e) 所示。如前文所述,由于内摩擦角的 增加导致的滑坡体动能耗散增加,其入水速度显著降 低,使得水土之间的相互作用力显著减小,进而减弱 涌浪。图 12 (e) 展示了不同 φ 下的 W3 的浪高变化曲 线,随着 φ 的增加,滑坡导致的涌浪过程明显延后并 且涌浪高度降低,其峰值时刻由 $\varphi = 5$ 时的 28s 延后 到 $\varphi = 20$ 时的 37s,其峰值浪高也从最高的 43.2m 降 低至 36.9,体现了滑坡流动性降低对涌浪的显著减弱 效果。



图 12 不同內摩角 φ 下的入水特征 (a-d)、测点 W3 处浪高 变化 (e) 及涌浪峰值 H_{max} 与弗劳德数 Fr 的定量拟合 (f)。 Fig. 12. Water entry characteristics under different internal friction angles φ (a-d), wave height variation at measurement point W3 (e), and quantitative fitting of surge peak values with the

Froude number Fr (f).

为进一步定量分析涌浪高度与滑坡运动特征关系, 图 12 (f)展示了入水时的峰值浪高 H_{max} 与滑坡入水 时弗劳德数 $Fr = \sqrt{v_in}/gH}$ 的关系,其中 vin 是入水前 的滑坡前缘速度,即入水速度,g是重力加速度,H为 初始水面高度。弗劳德数 Fr 体现了滑坡体惯性力与重 力的比值,是衡量滑坡体入水动能的重要参数(Heller and Hager, 2011)。是随着 Fr 的增加,滑坡体入水动 能增加,涌浪峰值高度呈近似线性增加趋势。线性拟 合得到公式为 $H_{max} = 21.18$ Fr-2.5,其决定系数 R2 大 于 0.97。该公式拟合得到的系数 21.18 体现了浪高对 于滑坡体 Fr 的高敏感性,即滑坡体入水动能的增加显 著影响涌浪强度,同时其定量拟合关系有助于提高对 滑移涌浪强度的预测。

4 结论

本文采用 SPH 水土耦合算法对滑坡-堵江-成坝全过程 灾害链进行模拟,并进一步模拟和分析了金沙江白格 "10.11"滑坡堵江事件。具体结论如下:

(1) 所采用的双层水土双向耦合 SPH 算法可以准确复现滑坡体入水过程,对滑坡灾害链模拟有

重要应用前景。

- (2) 对金沙江白格"10.11"特大滑坡堵江案例进行 了模拟,基于速度突变和能量归零时刻及涌浪 特征,可以准确划分该过程的滑坡运移,入水 涌浪和滑坡堵江三个阶段。
- (3) 随着内摩擦角的增加,滑坡运移的动能明显减小,使得滑坡堆积堰塞坝长度显著降低,同时高度变高,在摩擦角 φ 到达 20 时无法完全堵 江。定量研究表示,滑坡堆积堰塞坝的长度随 tan(φ)的增加呈近似线性减小,高度随 tan(φ) 呈幂函数形式增加,最终趋于平缓。
- (4) 随着内摩擦角的增加,由于其动能降低,滑坡入水时产生的涌浪强度显著降低,并且峰值时刻延后。峰值浪高 Hmax 与入水时的滑坡前缘弗劳德数 Fr之间的定量关系显示 Hmax 对 Fr 的变化敏感,并且随着 Fr 的增加呈近似线性增加趋势。

References

- Adami, S., Hu, X. Y., & Adams, N. A. (2012). A generalized wall boundary condition for smoothed particle hydrodynamics. *Journal of Computational Physics*, 231(21), 7057–7075. https://doi.org/10.1016/j.jcp.2012.05.005
- Bao, Y., Su, L., Chen, J., Ouyang, C., Yang, T., Lei, Z., & Li, Z. (2023). Dynamic process of a high-level landslide blocking river event in a deep valley area based on FDEM-SPH coupling approach. *Engineering Geology*, 319, 107108. https://doi.org/10.1016/j.enggeo.2023.107108
- Bui, H. H., Fukagawa, R., Sako, K., & Ohno, S. (2008).
 Lagrangian meshfree particles method (SPH) for large deformation and failure flows of geomaterial using elastic–plastic soil constitutive model. *International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics*, 32, 1537– 1570. https://doi.org/10.1002/nag.688
- Bui, H. H., & Nguyen, G. D. (2021). Smoothed particle hydrodynamics (SPH) and its applications in geomechanics: From solid fracture to granular behaviour and multiphase flows in porous media. *Computers and Geotechnics*, 138, 104315. https://doi.org/10.1016/j.compgeo.2021.104315
- Cai, Y., Cheng, H., Wu, S., Yang, Q., Wang, L., Luan, Y., & Chen, Z. (2020). Breaches of the Baige Barrier Lake: Emergency response and dam breach flood. *Science China Technological Sciences*, 63, 1164– 1176. https://doi.org/10.1007/s11431-019-1475-y
- Chen, Z. Y., Chen, S. S., Wang, L., et al. (2020). Back analysis of the outburst flood of the Baige Barrier Lake on November 3 in the Upper Jinsha River. *Scientia Sinica Technologica*, 50(6), 757–768. https://doi.org/10.1360/SST-2019-0297 (in

Chinese with English abstract)

- Du, W. J., Sheng, Q., Yang, X. H., et al. (2022). Analysis of landslide–river blocking disaster chain based on two-phase dual-particle MPM. Advanced Engineering Sciences, 54(3), 54–62. (in Chinese)
- Fan, X., Scaringi, G., Korup, O., et al. (2019). Earthquakeinduced chains of geologic hazards: Patterns, mechanisms, and impacts. *Reviews of Geophysics*, 57, 421–503. https://doi.org/10.1029/2018RG000626
- Fan, X., Yang, F., Subramanian, S. S., et al. (2020). Prediction of a multi-hazard chain by an integrated numerical simulation approach: The Baige landslide, Jinsha River, China. *Landslides*, *17*, 147–164. https://doi.org/10.1007/s10346-019-01313-5
- Feng, D., Neuweiler, I., & Huang, Y. (2022). Numerical modeling of wave–porous structure interaction process with an SPH model. *Scientia Sinica Physica, Mechanica & Astronomica, 52*, 104715. https://doi.org/10.1360/SSPMA-2022-0216
- Guo, C. B., Wu, R. A., Zhong, N., et al. (2024). Disaster background and mechanism of large landslides in the active tectonic zone of Eastern Tibetan Plateau. *Earth Science*, 49(12), 4635–4658. (in Chinese with English abstract)
- Heller, V., & Hager, W. H. (2011). Wave types of landslide generated impulse waves. Ocean Engineering, 38, 630–640. https://doi.org/10.1016/j.oceaneng.2010.12.010
- Huang, C., Hu, C., An, Y., et al. (2023). Numerical simulation of the large-scale Huangtian (China) landslide-generated impulse waves by a GPU-accelerated 3D soil-water coupled SPH model. *Water Resources Research*, 59, e2022WR034157. https://doi.org/10.1029/2022WR034157
- Jia, K. C., Zhuang, J. Q., Zhan, J. W., et al. (2023). Reconstruction of the Golmud landslide–river blocking–flood outburst disaster chain based on numerical simulation. *Earth Science*, 48(9), 3402–3419. (in Chinese with English abstract)
- Li, D., Nian, T., Tiong, R. L. K., Shen, Y., & Shao, Z. (2023a). River blockage and impulse wave evolution of the Baige landslide in October 2018: Insights from coupled DEM-CFD analyses. *Engineering Geology*, 321, 107169. https://doi.org/10.1016/j.enggeo.2023.107169
- Li, D. Y., Nian, T. K., Wu, H., et al. (2023). DEM–CFD coupling method for simulating landslide–river blocking–surge disaster chain and its application. *Advanced Engineering Sciences*, 55(1), 141–149. (in Chinese with English abstract)
- Li, S., Peng, M., Gao, L., Xia, C., & Zhu, Y. (2024a). A 3D SPH framework for simulating landslide dam

breaches by coupling erosion and side slope failure. *Computers and Geotechnics*, *175*, 106699. https://doi.org/10.1016/j.compgeo.2024.106699

- Li, S., Tang, H., Peng, C., et al. (2023b). Sensitivity and calibration of three-dimensional SPH formulations in large-scale landslide modeling. *Journal of Geophysical Research: Solid Earth*, *128*, e2022JB024583. https://doi.org/10.1029/2022JB024583
- Li, Y., Liu, H., Yang, L., & Liu, Y. (2024b). An optimized DEM–SPH model for surge waves induced by riverside landslides. *International Journal for Numerical and Analytical Methods in Geomechanics*, 48, 270–286. https://doi.org/10.1002/nag.3638
- Long, X. Y., Hu, Y. X., Gan, B. R., & Zhou, J. W. (2024). Numerical simulation of the 2018 Sedongpu glacial debris flow by using the fluid–solid coupling method. *Journal of Earth Science*, 35, 583–596. https://doi.org/10.1007/s12583-022-1625-1
- Luo, H., Zhou, G. G. D., Lu, X., et al. (2025). Experimental investigation on the formation and failure of landslide dams considering the landslide mobility and river flow. *Engineering Geology*, 346, 107873. https://doi.org/10.1016/j.enggeo.2024.107873
- Nian, T., Wu, H., Takara, K., Li, D., & Zhang, Y. (2021). Numerical investigation on the evolution of landslide-induced river blocking using coupled DEM-CFD. *Computers and Geotechnics*, 134, 104101.

https://doi.org/10.1016/j.compgeo.2021.104101

- Ouyang, C., An, H., Zhou, S., et al. (2019). Insights from the failure and dynamic characteristics of two sequential landslides at Baige Village along the Jinsha River, China. *Landslides*, *16*, 1397–1414. https://doi.org/10.1007/s10346-019-01177-9
- Peng, M., Li, S., Gao, L., Zhu, Y., & Zhang, J. (2024). A novel local-drag-force-based approach for simulating wave attenuation by mangrove forests using a 3D-SPH method. *Ocean Engineering*, *306*, 118001.

https://doi.org/10.1016/j.oceaneng.2024.118001

- Peng, X., Yu, P., Chen, G., Xia, M., & Zhang, Y. (2020). Development of a coupled DDA–SPH method and its application to dynamic simulation of landslides involving solid–fluid interaction. *Rock Mechanics and Rock Engineering*, 53, 113–131. https://doi.org/10.1007/s00603-019-01900-x
- Ren, B., Wen, H., Dong, P., & Wang, Y. (2016). Improved SPH simulation of wave motions and turbulent flows through porous media. *Coastal Engineering*, 107, 14–27.

https://doi.org/10.1016/j.coastaleng.2015.10.004

- Shi, Z. M., Zhang, G. D., Peng, M., et al. (2023). Model test on breaching mechanism of heterogeneous landslide dams. *Advanced Engineering Sciences*, 55(1), 129–140. https://doi.org/10.15961/j.jsuese.202200577 (in Chinese)
- Viroulet, S., Sauret, A., & Kimmoun, O. (2014). Tsunami generated by a granular collapse down a rough inclined plane. *EPL*, *105*, 34004. https://doi.org/10.1209/0295-5075/105/34004
- Viroulet, S., Sauret, A., Kimmoun, O., & Kharif, C. (2013). Granular collapse into water: Toward tsunami landslides. *Journal of Visualization*, *16*, 189–191. https://doi.org/10.1007/s12650-013-0171-4
- Wendland, H. (1995). Piecewise polynomial, positive definite and compactly supported radial functions of minimal degree. Advances in Computational Mathematics, 4, 389–396. https://doi.org/10.1007/BF02123482
- Wu, H., Nian, T. K., & Shan, Z. G. (2023). Advances in formation mechanism and risk prediction methods of landslide-dammed lakes. *Chinese Journal of Rock Mechanics and Engineering*, 42(12), 3192–3205. (in Chinese with English abstract)
- Xu, Q., Zheng, G., Li, W. L., et al. (2018). Analysis of two successive landslide-damming events at Baige along Jinsha River in October and November 2018. *Journal of Engineering Geology*, 26(6), 1534–1551. https://doi.org/10.13544/j.cnki.jeg.2018-406 (in

Chinese with English abstract)

- Zhang, C., Hu, X. Y., & Adams, N. A. (2017). A weakly compressible SPH method based on a lowdissipation Riemann solver. *Journal of Computational Physics*, 335, 605–620. https://doi.org/10.1016/j.jcp.2017.01.027
- Zhang, C., Rezavand, M., Zhu, Y., et al. (2021). SPHinXsys: An open-source multi-physics and multi-resolution library based on smoothed particle hydrodynamics. *Computer Physics Communications*, 267, 108066. https://doi.org/10.1016/j.cpc.2021.108066
- Zhang, G., Tang, D., Wen, H., et al. (2024a). An improved two phases–two points SPH model for submerged landslide. *Computers and Geotechnics*, 176, 106802.

https://doi.org/10.1016/j.compgeo.2024.106802

Zhang, L., Xiao, T., He, J., & Chen, C. (2019). Erosionbased analysis of breaching of Baige landslide dams on the Jinsha River, China, in 2018. *Landslides*, 16, 1965–1979. https://doi.org/10.1007/s10346-019-01247-y

- Zhang, S., Zhang, C., Hu, X., & Louren o, S. D. N. (2024b). A Riemann-based SPH method for modelling large deformation of granular materials. *Computers and Geotechnics*, 167, 106052. https://doi.org/10.1016/j.compgeo.2023.106052
- Zhou, G. G. D., Roque, P. J. C., Xie, Y., et al. (2020). Numerical study on the evolution process of a geohazards chain resulting from the Yigong landslide. *Landslides*, 17, 2563–2576. https://doi.org/10.1007/s10346-020-01448-w
- Zhou, L., Fan, X. M., Xu, Q., et al. (2019). Numerical simulation of movement process and hazard prediction of Baige landslide on Jinsha River. *Journal of Engineering Geology*, 27(6), 1330–1342. https://doi.org/10.13544/j.cnki.jeg.2019-037 (in Chinese with English abstract)
- Zhu, C., Peng, C., Wu, W., & Wang, C. (2022). A multilayer SPH method for generic water–soil dynamic coupling problems. Part I: Revisit, theory, and validation. *Computer Methods in Applied Mechanics and Engineering*, 396, 115106. https://doi.org/10.1016/j.cma.2022.115106

附中文参考文献

- [1] 陈祖煜,陈生水,王琳,等,2020. 金沙江上游"11.03"白格 堰塞湖溃决洪水反演分析.中国科学:技术科学 50(6),757-768.
- [2] 杜文杰,盛谦,杨兴洪,等,2022. 基于两相双质点 MPM 的滑坡堵江灾害链生全过程分析. 工程科学与技术 54(3), 54-62.
- [3] 郭长宝, 吴瑞安, 钟宁, 等, 2024. 青藏高原东部活动构造
 带大型滑坡成灾背景与灾变机制. 地球科学 49(12), 4635–4658.
- [4] 贾珂程,庄建琦,占洁伟,等,2023.基于数值模拟的戈龙 布滑坡-堵江-溃决洪水地质灾害链动力学过程重建.地球 科学 48(9),3402–3419.
- [5] 李东阳,年廷凯,吴昊,等,2023. 滑坡-堵江-涌浪灾害链 模拟的 DEM-CFD 耦合分析方法及其应用. 工程科学与技 术 55(1),141-149.
- [6] 石振明, 张公鼎, 彭铭, 等, 2023. 非均质结构堰塞坝溃决 机理模型试验. 工程科学与技术 55(1), 129–140.
- [7] 吴昊,年廷凯,单治钢,2023. 滑坡堵江成坝的形成演进机 制及危险性预测方法研究进展. 岩石力学与工程学 报 42(12),3192–3205.
- [8] 许强,郑光,李为乐,等,2018.2018年10月和11月金沙 江白格两次滑坡-堰塞堵江事件分析研究.工程地质学 报 26(6),1534–1551.
- [9] 周礼,范宣梅,许强,等,2019. 金沙江白格滑坡运动过程 特征数值模拟与危险性预测研究.工程地质学报 27(6), 1330–1342.

作者贡献

李爽:方法及数值计算,撰写稿件; 彭铭:构思、基金支持,修订稿件; 石振明:修订稿件; 刘毛毛:修订稿件; 夏成志:修订稿件; 王悦:数据处理; 朱艳:数据处理,基金支持;