

基于机器学习的贵州省萤石矿稀土元素判别模型

吕代和^{1,2,4}, 田倩³, 刘雨^{1,2,5*}, 刘刚^{2,3}, 周琦^{1,2}, 祁连素^{1,2}

1. 自然资源部基岩区矿产资源勘查工程技术创新中心, 贵州贵阳, 550081;
2. 贵州省战略矿产智慧勘查全省重点实验室, 贵州贵阳, 550081;
3. 中国地质大学(武汉)计算机学院, 湖北武汉, 430078;
4. 贵州省地质矿产勘查开发局一〇三地质大队, 贵州铜仁, 554300;
5. 贵州省地质矿产中心实验室, 贵州贵阳, 550018

摘要: 贵州西部萤石矿集区内新识别出的隐爆角砾岩型萤石矿具有巨大的找矿潜力。然而该类型萤石矿角砾状构造、热液蚀变等特征易与其它热液角砾岩型矿床或强烈构造改造的脉型矿床相混淆, 如何准确识别研究区内隐爆角砾岩型和与盆地卤水相关热液填充型萤石矿是实现贵州省萤石矿找矿突破的关键科学问题之一。本文通过对系统收集的隐爆角砾岩型、与岩浆热液相关的热液充填型和与盆地卤水相关热液填充型三种成因类型萤石矿的稀土元素数据进行支持向量机和随机森林机器学习分类模型对比研究, 并结合基于主成分分析的统计分析、降维可视化和稀土元素分离度评分体系定量评估进行综合分析。结果显示支持向量机构建的判别模型准确率与稳定性均显著优于随机森林, 可以更加有效地判别这三种成因类型萤石矿, 并识别出可用于区分三种成因类型萤石矿的关键元素精炼候选池, 构建出了新的 Tb/Dy-Sm/Yb, δ Ce-Sm/Yb, δ Ce-Sm/Tm, δ Eu-Sm/Lu 判别图, 实验验证了该方法可以有效地区分隐爆角砾岩型、与岩浆热液相关的热液充填型和与盆地卤水相关热液填充型萤石矿。

关键词: 隐爆角砾岩型萤石矿; 稀土元素地球化学数据; 机器学习; 矿床成因类型; 贵州

中图分类号: P618

收稿日期: 2025-12-03

Machine Learning-Based Discrimination Model for Rare Earth Elements of Fluorite Deposits in Guizhou Province

Lyu Daihe^{1,2,4}, Tian Qian³, Liu Yu^{1,2,5*}, Liu Gang^{2,3}, Zhou Qi^{1,2}, Qi Liansu^{1,2}

1. Engineering Technology Innovation Center of Mineral Resources Explorations in Bedrock Zones, Ministry of Natural Resources, Guiyang 550081, China;

基金项目: 贵州省重大科技专项 (No. 黔科合重大[2025]016); 贵州省科技创新人才团队建设 (No. 黔科合人才 CXTD[2025]026); 贵州省战略矿产智慧勘查全省重点实验室 (No. 黔科合平台人才-ZDSYS[2023]005)

第一作者简介: 吕代和 (1984-), 女, 高级工程师, 研究方向: 地质大数据与矿产勘查。E-mail: 7658217@qq.com. ORCID: 0009-0006-4864-3103

*通信作者简介: 刘雨 (1990-), 男, 博士, 高级工程师, 研究方向: 锰、铅锌、萤石等矿产成矿规律研究与勘查评价。E-mail: liuyu2496@126.com. ORCID: 0000-0002-6628-6836

2. *Guizhou Key Laboratory for Strategic Mineral Intelligent Exploration, Guiyang 550081, China;*

3. *School of Computer Science China University of Geosciences (Wuhan), Wuhan Hubei 430078, China;*

4. *Geology Team 103, Bureau of Geology and Mineral Exploration and Development, Guizhou Province, Tongren 554300, China;*

5. *Guizhou Central Laboratory of Geology and Mineral Resources, Bureau of Geology and Mineral Exploration and Development of Guizhou Province, Guiyang 550018, China*

Abstract: The newly identified cryptic explosive breccia-type fluorite deposits in the western Guizhou fluorite ore concentration area possess significant prospecting potential. However, the brecciated textures, hydrothermal alteration, and other characteristics of this type of fluorite deposit are easily confused with those of other hydrothermal breccia-type deposits or intensely structurally altered vein-type deposits. Therefore, accurately distinguishing between cryptic explosive breccia-type fluorite deposits and basin brine-related hydrothermal filling-type fluorite deposits in the study area is one of the key scientific challenges for achieving breakthroughs in fluorite prospecting in Guizhou Province. This paper conducts a comparative study of Support Vector Machine (SVM) and Random Forest machine learning classification models using systematically collected rare earth element (REE) data from three genetic types of fluorite deposits: cryptic explosive breccia-type, magmatic hydrothermal-related filling-type, and basin brine-related hydrothermal filling-type. This is combined with comprehensive analysis, including statistical analysis based on Principal Component Analysis (PCA), dimensionality reduction visualization, and quantitative evaluation using an REE separation scoring system. The results indicate that the discriminant model constructed by SVM exhibits significantly higher accuracy and stability compared to Random Forest, enabling more effective discrimination among these three genetic types of fluorite deposits. Furthermore, it identifies a refined candidate pool of key elements that can be used to distinguish them. Newly constructed discriminant diagrams—Tb/Dy vs Sm/Yb, δ Ce vs Sm/Yb, δ Ce vs Sm/Tm, δ Eu vs Sm/Lu—have been developed, which effectively differentiate among cryptic explosive breccia-type, magmatic hydrothermal-related hydrothermal filling-type, and basin brine-related hydrothermal filling-type fluorite deposits.

Key words: Cryptoexplosive breccia-type fluorite deposits; Rare earth element geochemical data; Machine learning; Genetic types of mineral deposits; Guizhou

0 引言

萤石作为关键的战略性非金属矿产资源,是现代氟化工产业的基石,被广泛应用于冶金、新能源、半导体、航空航天及国防工业等关键领域。根据美国地质调查局(USGS)最新发布的《矿物商品概要》,萤石的全球供需格局日趋紧张,其战略价值在各主要经济体中愈发凸显(U.S. Geological Survey, 2024)。在此背景下,中国作为全球最大的萤石生产国与消费国,其资源安全态势尤为引人关注。然而,中国萤石矿资源正面临富矿资源逐渐枯竭、找矿勘查难度增大的严峻挑战。保障国家资源安全,实现萤石矿找矿突破已成为当前最紧迫的

任务之一。贵州西部地处扬子地块西南缘，属特提斯与环太平洋两大成矿域的交汇部位，区内深大断裂发育，中生代岩浆活动频繁，为萤石成矿提供了优越的地质条件，是华南重要的萤石矿集区之一（周祖虎等，2024）。根据陈毓川院士的成矿系列理论，综合考虑萤石矿床的成因类型和工业类型，王吉平等 2014 将中国萤石矿床划分为沉积改造型、热液充填型和伴生型 3 种矿床类型。近期研究显示贵州萤石矿以与盆地卤水相关热液充填型为主（郭宇等，2023），但在该类型萤石矿传统成矿理论的指导下，贵州省萤石矿找矿勘查工作一直未有大的突破。近年来，贵州西部一种与隐伏中-酸性岩体密切相关隐爆角砾岩型萤石矿逐渐被识别和重视，该类型萤石矿具有巨大找矿潜力（祁连素等，2025）。此类矿床常形成于浅成-超浅成环境，其形成机制与液压致裂、流体超压等作用密切相关，并常与火山-岩浆弧环境中的角砾岩型矿床具有相似的成因。在宏观上，其角砾状构造、热液蚀变等特征又易与其它热液角砾岩型矿床或强烈构造改造的脉型矿床相混淆。因此，发展一种能够精准判别萤石矿成因类型，特别是有效识别隐爆角砾岩型、与岩浆热液相关的热液充填型和与盆地卤水相关热液充填型萤石矿的新方法，对于实现贵州省萤石矿找矿突破具有十分重要的意义。

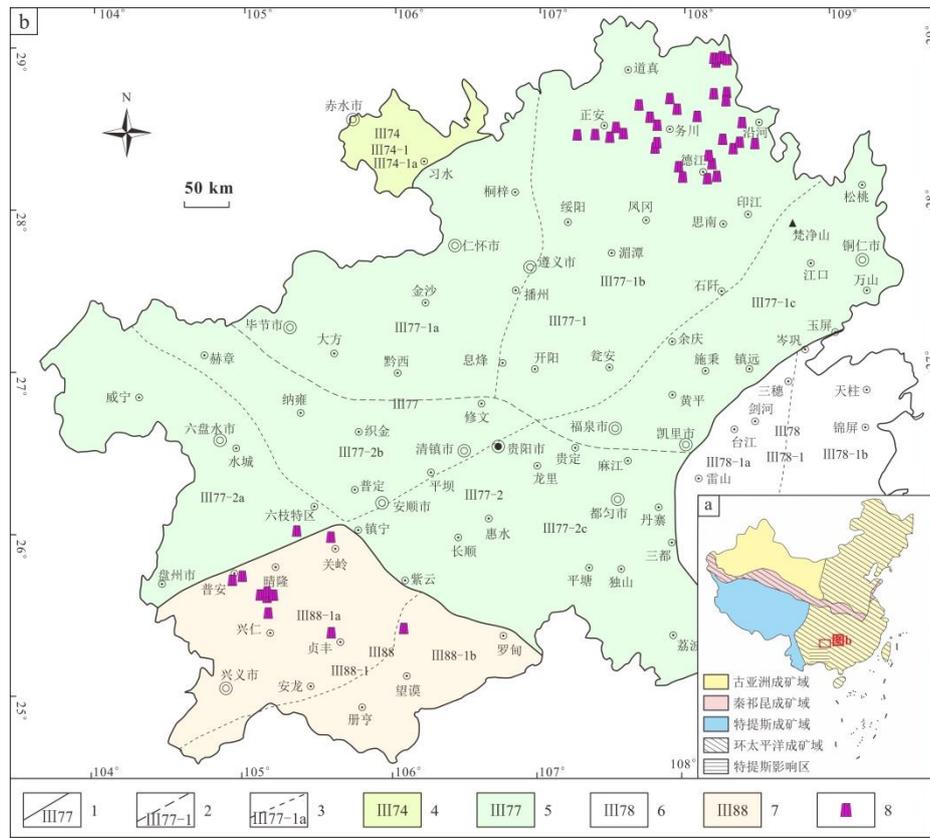


图 1 (a) 中国成矿域和成矿省简图 (据徐志刚, 2004 修改); (b) 贵州省主要成矿带与萤石矿分布图 (据

周琦等, 2025 修改)

1. 三级成矿单元; 2. 四级成矿单元; 3. 四级成矿带亚带; 4. 四川盆地 Fe-Cu-Au-石油-天然气-石膏-钙芒硝-石盐-煤和煤层气成矿区; 5. 鄂渝湘黔前陆褶皱冲断带西段 Pb-Zn-Cu-Ag-Fe-Mn-Hg-Sb-磷-铝土矿-硫铁矿-煤-煤层气-页岩气成矿带; 6. 江南加里东造山带 Sn-W-Au-Sb-Fe-Mn-Cu-重晶石-滑石成矿带; 7. 南盘江-右江印支造山带 Au-Sb-Hg-Ag-Mn-水晶-石膏成矿区; 8. 萤石矿.

Fig.1. (a) Simplified Map of Metallogenic Domains and Provinces in China (Modified by Xu, 2004); (b) Map of Major Metallogenic Belts and Fluorite Deposits in Guizhou Province (Modified by Zhou et al., 2025)

1-Level-III metallogenic unit; 2- Level-IV metallogenic unit; 3- Subzone of level-IV metallogenic unit; 4-III74: Sichuan Basin, Fe-Cu-Au- Oil - Gas - Gypsum - Calcium - Glauberite - Halite - Coal and Coalbed methane metallogenic area; 5-III77: The western section of the Hubei-Chongqing-Hunan-Guizhou foreland fold thrust belt, Pb-Zn-Cu-Ag-Fe-Mn-Hg-Sb- Phosphorus - Bauxite - Pyrite - Coal - Coalbed methane - Shale gas metallogenic belt; 6-III78: The west part of Caledonian orogenic belt of Jiangnan, Sn-W-Au-Sb-Cu-Barite-Talc metallogenic belt; 7-III88: Nanpanjiang-Youjiang Indochinese Orogenic Belt, Au-Sb-Hg-Ag-Mn-Crystal-Gypsum metallogenic belt; 8-Fluorite Deposits.

萤石的稀土元素 (REE) 和钇 (Y) 含量及其配分模式, 对其形成环境的物理化学条件 (如温度、氧逸度、流体组成) 具有高度敏感性, 因而被广泛用作示踪其成因的“地球化学指纹”。为系统判别萤石的成因类型, 研究者们自上世纪 70 年代起建立了一系列行之有效的地球化学指标。经典的地球化学判别工作主要侧重于利用稀土元素比值进行鉴别, 例如 Möller et al. (1976) 提出的 Tb/Ca-Tb/La 图解, 以及后续发展的 Y/Ho 比值和 Eu 异常等参数 (Bau and Möller, 1992), 成功用于区分沉积型、热液型及与花岗岩相关的萤石矿床。然而, 随着地球化学数据的海量积累与对地质系统复杂性认知的深化, 传统判别图解的局限性日益凸显。首先, 这些方法本质上是信息降维工具, 将高维的元素组合关系压缩至二维平面, 不可避免地导致关键地球化学信息的损失, 难以捕捉多变量协同演化的内在规律; 要解决这一问题, 亟需引入能够处理高维、非线性关系的新分析方法 (Carniel and Guzman, 2021)。其次, 图解中的判别边界多依赖于经验性划定, 存在显著的主观性, 当应用于新的地质背景时, 其稳定性和普适性常面临挑战 (Wang and Glover, 1992)。尤为关键的是, 地质过程普遍具有非线性与多期次叠加的复杂特征, 其产生的地球化学响应无法被简单的线性边界有效分割。Petrelli et al. (2017) 在复杂火山区的年代学研究中引入了能够处理复杂非线性关系的机器学习方法, 从宏大的地球化学数据集中有效厘清多期地质事件的叠加印记, 而这已完全超出了传统图解法的能力范围。

为了克服这些基于经验图解的局限性, 机器学习 (ML) 作为能够从高维、复杂数据中挖

掘隐藏模式的强大工具，为地球化学成因判别提供了新范式。特别是在利用地球化学数据进行地质体与矿床类型的智能分类方面，机器学习已展现出超越传统方法的显著优势。这类研究通常遵循相似的技术路径：即基于已知成因类型的样本地球化学数据（如主微量元素、稀土元素），训练监督学习模型，以实现未知样本的成因判别。例如，在岩石成因分类方面，Huang et al. (2019)系统评估了多种机器学习算法，并重点利用支持向量机（SVM），基于玄武岩的微量元素数据成功判别了其形成的构造环境，展示了SVM处理小样本、高维度数据问题的潜力，这一特性对于样本收集困难的矿床研究尤为重要。在矿床类型区分方面，Hu et al. (2022)应用随机森林（RF）模型，基于磁铁矿的微量元素组成有效区分了矽卡岩型、岩浆型和IOCG型矿床，并利用模型提供的变量重要性排序，揭示了关键判别元素组合。类似地，Hong et al. (2021)则利用全岩地球化学数据，通过集成学习方法对VMS、SEDEX等不同块状硫化物矿床类型进行了高精度分类。近期，这一方法被进一步推广到对成矿系统中有重要指示意义的蚀变矿物研究中。例如，侯霖莉等（2024）直接聚焦于热液矿床中常见的绿泥石，系统比较了多种机器学习算法，并基于其微量元素数据成功实现了对斑岩型、矽卡岩型等不同矿床类型的判别，为利用单矿物开展矿床成因智能识别提供了新的范例。这些研究共同表明，以SVM、RF为代表的机器学习方法，能够有效捕捉多元素协同演化的复杂非线性关系，从而超越传统二元图解的经验性线性边界，实现更精细、更客观的成因识别。尤其值得注意的是，近期研究进一步表明，即便在训练样本有限的情况下，支持向量机（SVM）与随机森林（RF）仍能保持出色的性能（Lachaud et al., 2023），这为将此类方法应用于类似萤石矿等样本量常受局限的矿床研究提供了关键信心。Zuo and Carranza (2023)也指出，基于机器学习的地球化学智能分类方法在矿产勘查研究中正发挥着日益重要的作用。

机器学习技术在处理高维、非线性地球化学数据方面展现出巨大优势，然而在萤石矿成因研究中该技术的应用仍存在空白。萤石矿的成因判别亟需从传统的二元图解迈向多变量综合建模，但目前绝大多数研究停留在“纯数据驱动”的层面，未能将深刻的地质成因知识（如隐爆角砾岩型矿床独特的形成机制）系统地嵌入到机器学习模型的构建与解释中。未来矿物预测的方向是构建“数据-知识双驱动”模型，以耦合人工智能的强大计算能力与矿物系统理论的因果框架（Zuo et al., 2025）。因此，在非金属矿产领域，特别是在贵州西部这一典型萤石矿集区，探索一种以地质知识为指导、以数据算法为引擎的双驱动判别模型，不仅具有方法论的创新性，更是实现找矿突破的迫切需求。

为达成上述目标，本研究设计了一套系统的研究方案（图 2），其核心在于遵循“探索、



图 2 萤石矿床成因类型判别综合研究技术路线图

Fig.2 Technical framework for the comprehensive study of genetic type discrimination in fluorite deposits.

预测、验证”的递进逻辑，将数据驱动发现与地球化学机理阐释深度融合。研究将以一个涵盖全国典型矿床的 146 件样品的标准化稀土元素数据集为基础。首先，运用主成分分析(PCA)对高维数据进行无监督探索，揭示控制矿床类型分异的主要元素组合与宏观成因空间结构，为后续分析提供降维特征与结构洞察。继而，以此为基础引入支持向量机与随机森林的机器学习算法，构建高精度成因分类模型，并通过特征重要性分析，从全局视角智能筛选出对判别决策贡献最大的关键地球化学指标。最终，基于机器学习所揭示的关键指标，进行系统性的地球化学比值投图与定量分离度评估，一是验证模型所发现关键元素在二维空间中的实际判别效能；二是将数据驱动的智能模型结果转化为地质学家可直观理解与应用的高效判别图解。

1 萤石矿数据集构建

为系统对比隐爆角砾岩型、与岩浆热液相关的热液充填型和与盆地卤水相关热液充填型萤石矿的地球化学特征，本研究整合构建了一个包含 146 个萤石样品稀土元素（REE）数据的专用数据集。所有数据均来源于已公开发表的学术文献，涵盖了来自中国 24 个典型矿床的样品，具有良好的区域代表性和成因类型代表性。其中，研究涉及 5 个隐爆角砾岩型萤石矿床，均集中于黔西南矿集区；12 个与盆地卤水相关的热液充填型矿床，广泛分布于黔东

北、塔里木盆地西缘、川西南、渝东南、浙东及皖南等多个地区；8个与岩浆热液相关的热液充填型矿床，主要分布于闽北、内蒙古（大兴安岭成矿带）及浙中地区。

本数据集所采用的具体地球化学指标包括：15个稀土元素含量：La、Ce、Pr、Nd、Sm、Eu、Gd、Tb、Dy、Ho、Er、Tm、Yb、Lu、Y；4个关键地球化学参数： ΣREE 、 LREE/HREE 、 δEu 、 δCe 。

本数据集系统性地汇集了三种主要成因类型的代表性样本，其稀土元素组成显示出较大的成分变化范围，为从地球化学行为上揭示三种萤石矿的成因差异提供了可靠的数据支撑。

表 1 萤石矿数据来源及地质特征

Table 1 Data sources and geological characteristics of fluorite deposits

成因类型	矿床名称	地理位置	赋矿围岩/时代	数据来源文献
隐爆角砾岩型	大厂铈矿	贵州省晴隆县	大厂层 (P ₂)	王均, 2019
	老厂	滇黔交界地区	上、下二叠统间的蚀变硅化岩	蔡华君等, 1996
	晴隆铈矿	黔西南晴隆县	二叠系	彭建堂等, 2002
	冬瓜林萤石矿	贵州省晴隆县	二叠系中统茅口组-上统龙潭组	徐阳东等, 2023
	高岭萤石矿床	贵州省晴隆县	震旦-寒武系碳酸盐岩	金少荣等, 2018
与盆地卤水相关热液充填型	双河重晶石-萤石矿床	黔东北地区	下奥陶统碳酸盐岩	李敏, 2022
	沿河大竹园萤石矿床	黔东北地区	下奥陶统桐梓组及红花园组碳酸盐岩	张遵遵等, 2018
	务川双河、鹿坪萤石矿床	黔东北地区	奥陶系桐梓组和红花园组碳酸盐岩	陈登等, 2023
	金亮萤石矿床	黔东北地区	奥陶系下统桐梓组和红花园组灰岩	郭宇等, 2023
	西克尔萤石矿	塔里木盆地西克尔地区	中下奥陶统鹰山组	饶红娟等, 2010
	麦子坪萤石矿	四川马边	寒武系组芬兰统筇竹寺组	张航飞等, 2025
	冯家重晶石-萤石矿床	重庆东南部彭水地区	下奥陶统红花园组	邹灏等, 2016
	下陈萤石矿	浙江天台盆地	朝川组(K _{1c})	邹灏等, 2014
	足补萤石矿	四川省西南部	寒武系龙王庙组	Yu et al., 2022

成因类型	矿床名称	地理位置	赋矿围岩/时代	数据来源文献
	姚家塔萤石矿	皖南郎溪县	早白垩世姚村岩体	帅秋燕等, 2025
	双河重晶石-萤石矿床	中国扬子地块东南部	早奥陶世红花园组	Zuo et al., 2022
	三义口萤石矿	巴楚三义口	中奥陶统	张兴阳等, 2006
与岩浆热液相关的热液充填型	张厝萤石矿床	福建省邵武市	晚侏罗世正长花岗岩	周博文, 2023
	满提萤石矿	内蒙古四子王旗北部	下二叠统大石寨组	白彦, 2020
	宝林萤石矿	内蒙古赤峰市林西县	黑云母二长花岗岩	王凯, 2022
	马岱沟萤石矿	内蒙古林西县	花岗岩	王凯, 2022
	俄力木台萤石矿	内蒙古林西县	火山岩	王凯, 2022
	两家营子萤石矿	内蒙古林西县	浅变质碎屑岩	王凯, 2022
	曹家屯萤石矿	内蒙古林西县	浅变质碎屑岩	王凯, 2022
	八面山萤石矿	浙江八面山	寒武系华严寺组、杨柳岗组	夏学惠等, 2009

2 实验方法

2.1 数据预处理

为确保后续分析的可靠性,对原始数据集进行了系统预处理,包括数据质量评估、基于地质约束的缺失值填补及结果验证。原始数据集包含 146 件样品,涵盖三种成因类型:与岩浆热液相关热液充填型(49 件)、与盆地卤水相关热液充填型(48 件)及隐爆角砾岩型(49 件)。初步评估显示,所有稀土元素(La-Lu)数据完整,但 Y 元素存在 20 个缺失值(缺失率 13.70%)。

为解决 Y 元素的缺失问题,采用了类型特异性的比值关系填补策略。基于 Y 与 Ho 在球粒陨石中具相近丰度、且在流体中地球化学行为相似这一原理(Bau and Dulski, 1995),分别从三类矿床的完整样本中,计算出其特有的 Y/Ho 比值中位数(隐爆角砾岩型为 79.8,岩浆热液相关热液充填型 40.3,盆地卤水相关热液充填型 91.1)。这一显著的比值差异,为在填补过程中保持不同类型矿床的固有地球化学特征提供了关键依据。随后,基于下式对缺失的 Y 值进行填补:

$$Y_{\text{填补}} = H_0 \times \left(\frac{Y}{H_0} \right)_{\text{类型中位数}} \quad (1)$$

在数据填补的基础上，本研究系统计算了系列关键地球化学参数。所有参数计算均以 Boynton (1984) 球粒陨石标准化值为基础，以消除原始丰度差异，凸显地球化学分异特征。计算参数主要包括以下三类：

稀土元素总量表征总体富集程度：

$$\Sigma REE = \Sigma(La_n - Lu_n) \quad (2)$$

轻重稀土分异程度通过下式量化：

$$\frac{LREE}{HREE} = \frac{La_n + Ce_n + Pr_n + Nd_n + Sm_n + Eu_n}{Gd_n + Tb_n + Dy_n + Ho_n + Er_n + Tm_n + Yb_n + Lu_n} \quad (3)$$

异常参数体系包含两个关键指标：

$$\delta Eu = \frac{Eu_n}{\sqrt{(Sm_n \times Gd_n)}} \quad (4)$$

$$\delta Ce = \frac{Ce_n}{\sqrt{(La_n \times Pr_n)}} \quad (5)$$

填补完成后的数据集经验证，其统计特征与各自矿床类型的已知地球化学背景一致，数据完整率达 100%，为后续多维分析奠定了可靠的数据基础。

2.2 主成分分析 (PCA)

为从无监督学习的视角，全局性地探索高维地球化学数据的内部结构、识别主导变异模式并评估矿床类型的自然可分性，本研究采用了主成分分析 (PCA) 这一经典的多元统计方法 (Jolliffe and Cadima, 2016)。

分析共纳入 19 个地球化学变量，包括 15 个稀土元素，以及 ΣREE 、 $LREE/HREE$ 、 δEu 、 δCe 4 个衍生参数。在分析前，所有变量均经过 Z-score 标准化以消除量纲影响。分析基于变量的相关矩阵进行，并依据广泛使用的 Kaiser 准则 (保留特征值大于 1 的主成分) 提取关键主成分。第 i 个主成分 (PC_i) 是原始变量的线性组合：

$$PC_i = a_{i1}X_1 + a_{i2}X_2 + \dots + a_{ip}X_p \quad (6)$$

其中, PC_i 代表第 i 个主成分, X_1, X_2, \dots, X_p 代表标准化后的上述 19 个地球化学变量, $a_{i1}, a_{i2}, \dots, a_{ip}$ 是第 i 个主成分对应于各原始变量的系数, 也称为载荷, 它们构成了该主成分的方向。载荷向量满足单位化条件, 即 $a_{i1}^2 + a_{i2}^2 + \dots + a_{ip}^2 = 1$ 。

此变换要求满足以下条件: 第一主成分 (PC_1) 的方差最大, 即保留了原始数据中最多的变异信息; 后续每个主成分均在与前所有主成分正交 (不相关) 的方向上, 拥有剩余变异中的最大方差。各主成分的方差贡献率计算如下:

$$\text{方差贡献率}(PC_i) = \frac{\lambda_i}{\sum_{k=1}^p \lambda_k} \quad (7)$$

其中, λ_i 是第 i 个主成分对应的特征值, 其大小正比于该主成分所承载的原始数据变异量。

对 PCA 结果的解读主要围绕两个方面: 1) 通过审视关键主成分上具有高载荷的变量组合, 可以识别出控制三类萤石矿地球化学分异的主导因子; 2) 通过计算并可视化样本在主成分空间中的得分, 可以在低维空间中直观评估不同成因类型萤石矿的分布模式与分离趋势, 从而为后续有监督的机器学习分类提供先验洞察。

2.3 地球化学图解

地球化学图解方法是矿床成因研究中长期采用的重要分析手段, 常用于揭示不同流体来源或成矿过程所导致的元素分异特征。在本研究中, 结合箱线图与元素比值投图, 对三类萤石矿在关键地球化学参数上的差异进行对比分析。

箱线图用于表征单一参数的分布特征, 通过比较不同矿床类型样本的中位数、四分位距及整体分布范围, 定性识别具有判别意义的地球化学指标。比值投图通过将样品投点于由两种具有不同地球化学行为的元素或参数构成的二维空间中, 以其分布模式反映潜在的成因差异。

传统判别图中的边界多基于经验归纳, 其适用性可能受具体地质背景的影响。因此, 本研究引入定量分离度指标, 对不同参数组合的判别效能进行客观评估。指标通过计算所有矿床类型两两组合的相对分离程度来评估判别空间的整体分类效能。对于任意两类矿床 i 和 j , 其分离度计算公式如下:

$$D_{ij} = \frac{\sqrt{(\log \tilde{x}_i - \log \tilde{x}_j)^2 + (\log \tilde{y}_i - \log \tilde{y}_j)^2}}{\frac{1}{2} \left(\sqrt{\sigma_{\log \tilde{x}_i}^2 + \sigma_{\log \tilde{y}_i}^2} + \sqrt{\sigma_{\log \tilde{x}_j}^2 + \sigma_{\log \tilde{y}_j}^2} \right)} \quad (8)$$

其中分子项计算两类矿床分布中心间的欧氏距离： \tilde{X}_i, \tilde{Y}_i ：表示第 i 类矿床在 X、Y 参数上的中位数。 \tilde{X}_j, \tilde{Y}_j ：表示第 j 类矿床在 X、Y 参数上的中位数；分母项计算两类矿床离散度的平均值： $\sigma_{X_i}, \sigma_{Y_i}$ ：表示第 i 类矿床在 X、Y 参数上的标准差。 $\sigma_{X_j}, \sigma_{Y_j}$ ：表示第 j 类矿床在 X、Y 参数上的标准差。

在获得所有类别对（共 3 对）的两两分离度 D_{ij} 后，最终的综合分离度定义为它们的算术平均值：

$$D_{综合} = \frac{1}{3} (D_{12} + D_{13} + D_{23}) \quad (9)$$

基于多组参数组合的判别能力量化分析与比对，可筛选出最优判别能力的参数组合。为规避元素重复使用引发的多重共线性问题，同时保障所选组合的地质代表性与信息互补性，本研究在筛选过程中确立以下四项规则：（1）元素非重叠原则：两个比值的所有元素（分子 + 分母）需完全不重叠，杜绝核心元素重复共享；（2）逆比值排除原则：剔除互为倒数的比值配对（如 Tb/Dy 与 Dy/Tb），规避完全线性相关；（3）锚定比值 - 衍生簇归并原则：识别高频“锚定比值”，将与同一锚定比值配对、且由相同元素子集构成的多个比值归为“衍生簇”，每个衍生簇仅保留分离度评分最高的组合；（4）参数出现频率限制原则：设定单个参数的最大出现次数阈值，超过阈值时仅保留该参数参与的最高分离度组合。上述规则的核心目的，一方面避免核心元素反复共享引发重复性判别图解，另一方面防止高得分重复图解掩盖其他元素图解的有效信息，最终保障图解分析结果的客观性、可比性及地质判别信息的多样性。

2.4 机器学习分类模型

为构建高鲁棒性的成因类型判别模型，采用支持向量机（SVM）与随机森林（RF）两种监督学习算法进行建模与对比。

在模型构建过程中，将 146 个样本的数据集按 7:3 的比例随机划分为训练集（102 个样本）与测试集（44 个样本）。训练集用于模型的参数学习与优化调整，测试集则作为未参与建模的“未知”地质样本，用于公正评估模型的泛化能力。

支持向量机算法的核心优势在于其通过核函数技巧将原始数据映射到高维特征空间,并在此空间中构建能够最大化分类间隔的最优超平面 (Cortes and Vapnik, 1995)。其决策函数可表述为:

$$f(x) = \text{sign}\left(\sum_{i=1}^n \alpha_i y_i K(x_i, x) + b\right) \quad (10)$$

其中, x_i 为支持向量, y_i 为其类别标签, α_i 为拉格朗日乘子, b 为偏置项, $K(x_i, x)$ 为核函数。本研究选用应用广泛的径向基核函数来处理预期的复杂非线性边界,其定义如下:

$$K(x_i, x_j) = \exp\left(-\gamma \|x_i - x_j\|^2\right) \quad (11)$$

通过网格搜索结合五折交叉验证,对惩罚参数 C 与核参数 γ 进行协同优化,以在最大化分类精度与控制模型复杂度之间取得最佳平衡。

随机森林是一种集成学习算法,它通过构建多棵决策树并综合其预测结果(如多数投票)来提升模型的准确性与稳定性 (Breiman, 2001)。该算法在构建每棵树时,同时进行样本和特征的随机抽样,这一机制使其天然具备良好的抗过拟合能力。节点分裂依据基尼不纯度最小化原则进行:

$$Gini(t) = 1 - \sum_{i=1}^c [p(i|t)]^2 \quad (12)$$

其中, $p(i|t)$ 为节点 t 中属于类别 i 的样本比例。

特征重要性评估采用置换重要性方法,通过随机置换某一特征的取值,观察模型性能的变化来评估该特征的贡献度 (Altmann et al., 2010)。设训练好的支持向量机分类器为 f , 测试集 $D_{\text{test}} = \{(x_i, y_i)\}_{i=1}^m$, 基准性能为 $S_{\text{base}} = A(f, D_{\text{test}})$ 。对于每个特征 j , 进行 n 次置换实验: 在第 k 次实验中, 置换特征 j 的取值得到扰动数据集 $D_{\text{test}}^{(j,k)}$, 并计算性能 $S_{\text{perm}}^{(j,k)}$ 。特征 j 的重要性得分为:

$$I_j = \frac{1}{n} \sum_{k=1}^n (S_{\text{base}} - S_{\text{perm}}^{(j,k)}) \quad (13)$$

模型评估采用全面量化指标,包括准确率、精确率、召回率与 F1 分数,在独立测试集上对最终模型性能进行综合评价。此外,通过五折交叉验证获得的平均准确率及其标准差,进一步评估模型在不同数据子集上的稳定性,确保所建模型具有可靠的地质应用价值。

3 结果与讨论

3.1 基于主成分分析的矿床成因空间构建

为探索不同成因类型萤石矿的微量元素组合特征差异，并识别对分类贡献最大的变量，本研究首先对全部样本的稀土元素数据进行了主成分分析（PCA）。

对标准化后的稀土元素数据进行 PCA 计算，前两个主成分（PC1 与 PC2）累计方差贡献率达到 75.22%，能够充分表征原始数据的主要信息，其结果适用于进一步的二维可视化与解释。PCA 方差解释率图（图 3）直观表明，前两个主成分的贡献率显著高于后续成分，证明选取其进行分析是高效且合理的。

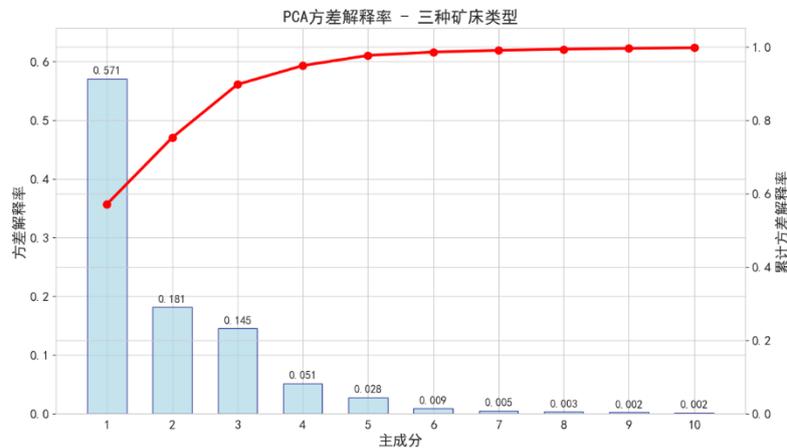


图 3 PCA 方差解释率图

Fig.3 Plot of PCA variance explained

各主成分的方差贡献率及关键变量的载荷特征如表 2 所示。

表 2 各主成分的方差贡献率及关键变量的载荷特征

Table 2 Variance contribution rates of principal components and loading characteristics of key variables

主成分	方差贡献率	累计方差贡献率	主要载荷特征（按绝对值排序）
PC1	57.08%	57.08%	Tb (0.290), Dy (0.288), Ho (0.285), Sm (0.279), Σ REE (0.277), Er (0.277),
PC2	18.14%	75.22%	LREE/HREE (0.433), Eu (0.399), δ Eu (0.391), La (0.344), Ce (0.237), Pr (0.221),

具体载荷如下：

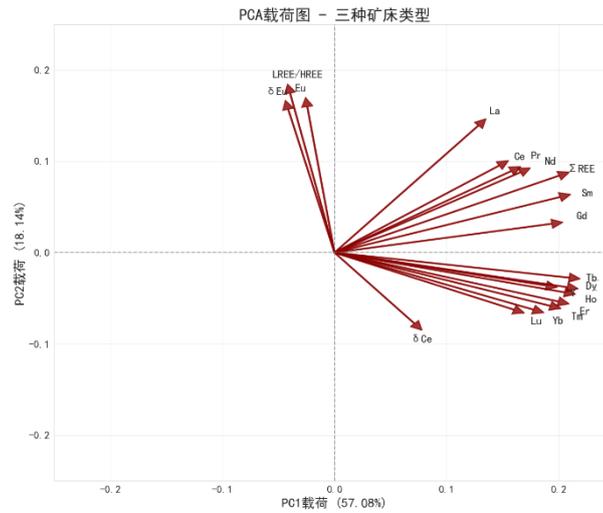


图 4 PCA 载荷图

Fig.4 PCA loading plot

在明确了主成分的地球化学意义后，基于 PC1 和 PC2 绘制的样本得分图（图 5）进一步直观地展示了三类矿床的分布关系。

隐爆角砾岩型矿床（红色样本）显示出高度的内在均一性，其绝大部分数据点紧密聚集在 PC1 值较低（约-2.5 至 0）且 PC2 值接近 0（约-1 至+0.5）的核心区域内，形成一个致密的群落，仅有极少数样本点（例如 PC2 > 7 或 PC1 > 4 的点）离散在主群之外。

与盆地卤水相关的热液充填型矿床（绿色样本）形成了一个相对集中的分布带。它们主要分布在 PC1 的负半轴（-3 至 0），但在 PC2 维度上表现出向上方的延伸（0 至 8）。

与岩浆热液相关的热液充填型矿床（蓝色样本）则表现出显著的空间分异性，其分布可大致分为两个部分：相当一部分蓝色样本密集投点于坐标轴中心附近（PC1: -3 至 0, PC2: -2 至 1），与隐爆角砾岩型矿床（红色样本）的核心聚集区发生严重重叠；其余的蓝色样本呈现出极广泛的离散分布。这些数据点主要沿着 PC1 的正方向显著延展（最大值接近 17），并散布于第一象限（高 PC1、正 PC2）和第四象限（高 PC1、负 PC2），构成了整个图表中离散度最大的数据序列。

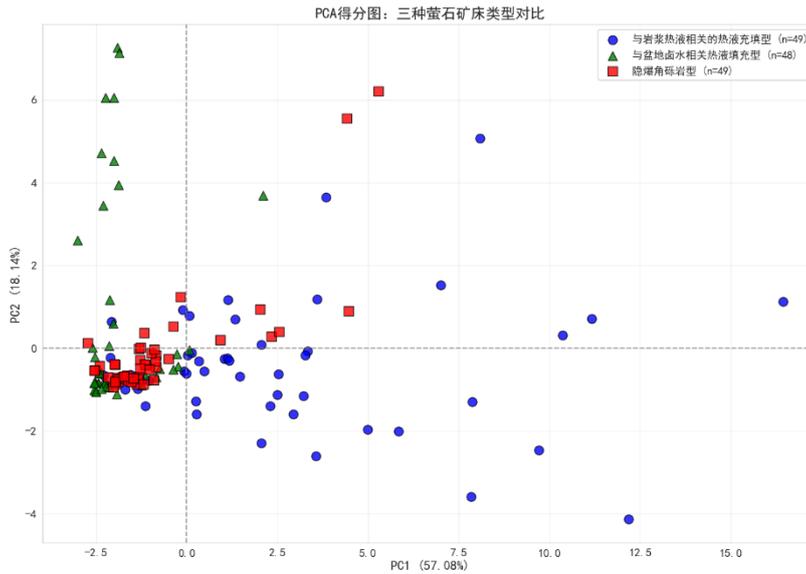


图 5 PCA 得分图

Fig.5 PCA score plot

主成分分析（PCA）实验将高维稀土元素数据降维至两个具有明确地球化学意义的主成分（累计方差贡献率达 75.22%）。PCA 作为一种无监督学习方法，成功揭示了数据集中最主要的元素共生结构与矿床类型的宏观分布框架。然而，其本质上是一种探索性工具，无法为未知样本提供明确的分类规则。为此，需要引入能够进行定量预测的监督学习方法。

3.2 基于机器学习模型的矿床类型判别与要素识别

本研究选取支持向量机与随机森林两种典型的机器学习算法，系统构建萤石矿床类型三分类判别模型并进行对比分析。实验数据集包含 146 个萤石矿样本，涵盖 19 项地球化学特征参数，样本涵盖与岩浆热液相关的热液充填型、与盆地卤水相关的热液充填型与隐爆角砾岩型三类矿床。为保障模型评估的稳健性，本文采用分层抽样策略，将完整数据集按 7:3 的比例划分为训练集与测试集，其中，训练集包含三类矿床样本各 34 个；测试集则包含与岩浆热液相关的热液充填型 15 个、与盆地卤水相关的热液充填型 14 个及隐爆角砾岩型 15 个。此外，模型构建过程中引入了 5 折交叉验证，以进一步验证其预测性能。

在模型构建前，首先对 19 个地球化学特征进行系统的相关性分析，结果如图 6 所示。

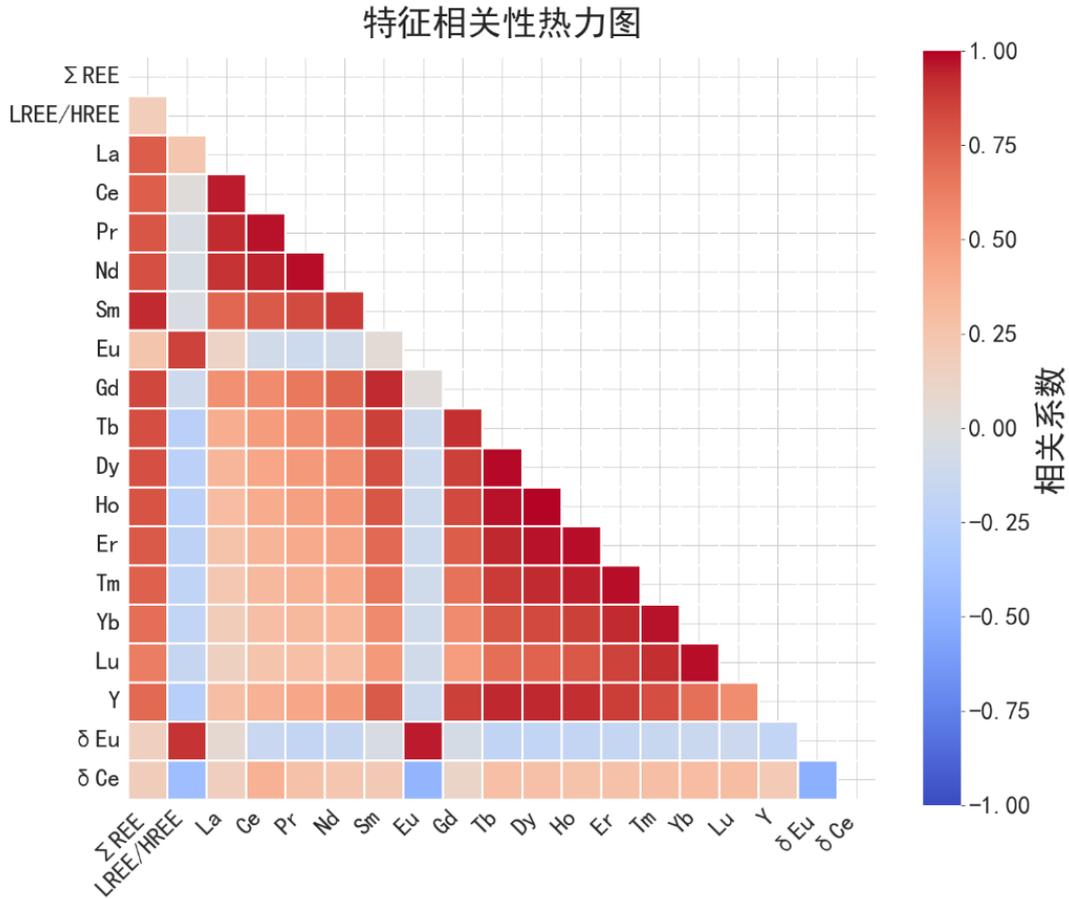


图 6 特征相关性热力图

Fig. 6 Feature correlation heatmap

两种模型在测试集上的性能对比如表 3 所示。支持向量机 (SVM) 与随机森林 (RF) 均展现出可靠的分类性能，其中 SVM 的准确率、召回率与 F1 分数均达 93.18%，精确率为 93.32%；RF 的准确率与召回率为 88.64%，精确率为 90.37%，F1 分数为 87.97%，整体而言 SVM 的综合分类表现更优。在评估模型稳健性与泛化能力的五折分层交叉验证中，SVM 的平均准确率为 87.29% (标准差 ± 0.0783)，RF 为 87.33% (标准差 ± 0.0880)，二者平均准确率相当，仅在结果稳定性上存在细微差异。

表 3 支持向量机与随机森林模型性能对比 (%)

Table 3 Performance comparison of support vector machine and random forest models (%)

模型	准确率	精确率	召回率	F1 分数	交叉验证准确率
支持向量机	93.18%	93.32%	93.18%	93.18%	87.29% \pm 0.0783

模型	准确率	精确率	召回率	F1 分数	交叉验证准确率
随机森林	88.64%	90.37%	88.64%	87.97%	87.33%±0.0880

混淆矩阵分析（图 7）揭示了两种模型在不同成因类型上的分类差异。SVM 展现出较为均衡的分类性能：对隐爆角砾岩型样本实现了 100% 的准确识别；在与岩浆热液相关的热液充填型样本中仅出现 1 例误判，在与盆地卤水相关的热液充填型样本中出现 2 例误判，误判数量较少且分布相对均匀，反映出模型具备较好的泛化稳定性。相比之下，RF 表现出明显的类型特异性判别特征：其对隐爆角砾岩型以及与岩浆热液相关的热液充填型样本均实现了 100% 正确分类，显示出针对这两类样本的强判别能力；然而，全部误判样本（共 5 例）均集中于与盆地卤水相关的热液充填型，表明 RF 对该类样本的判别鲁棒性相对有限，其分类性

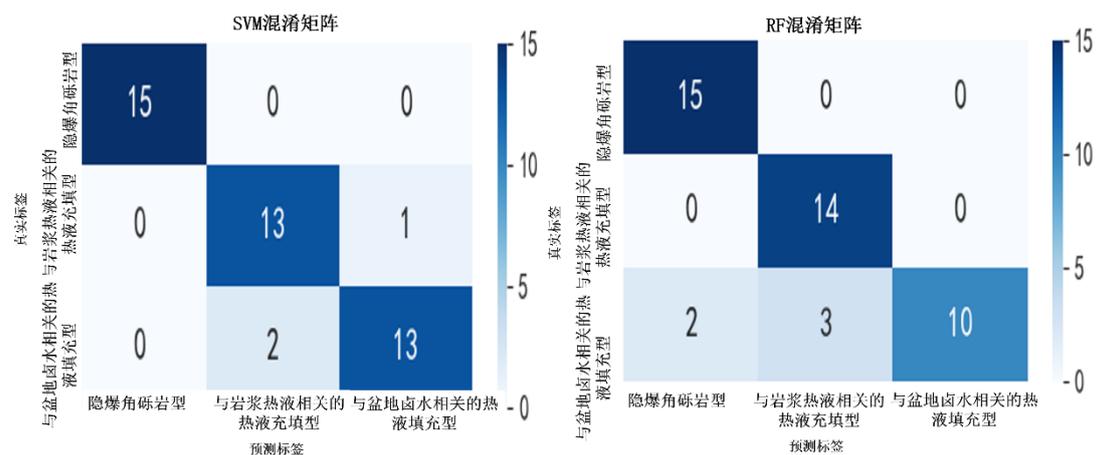


图 7 SVM 与随机森林混淆矩阵对比

Fig.7 SVM and RF confusion matrix comparison

能在不同成因类型上存在显著差异。

基于支持向量机计算的置换重要性排序结果（图 8）表明，Eu、Yb、Tm、 δCe 、Lu 是判别矿床类型最具贡献的五个特征。这一结果从高维、非线性的模型视角，量化了各元素在分类决策中的相对重要性。

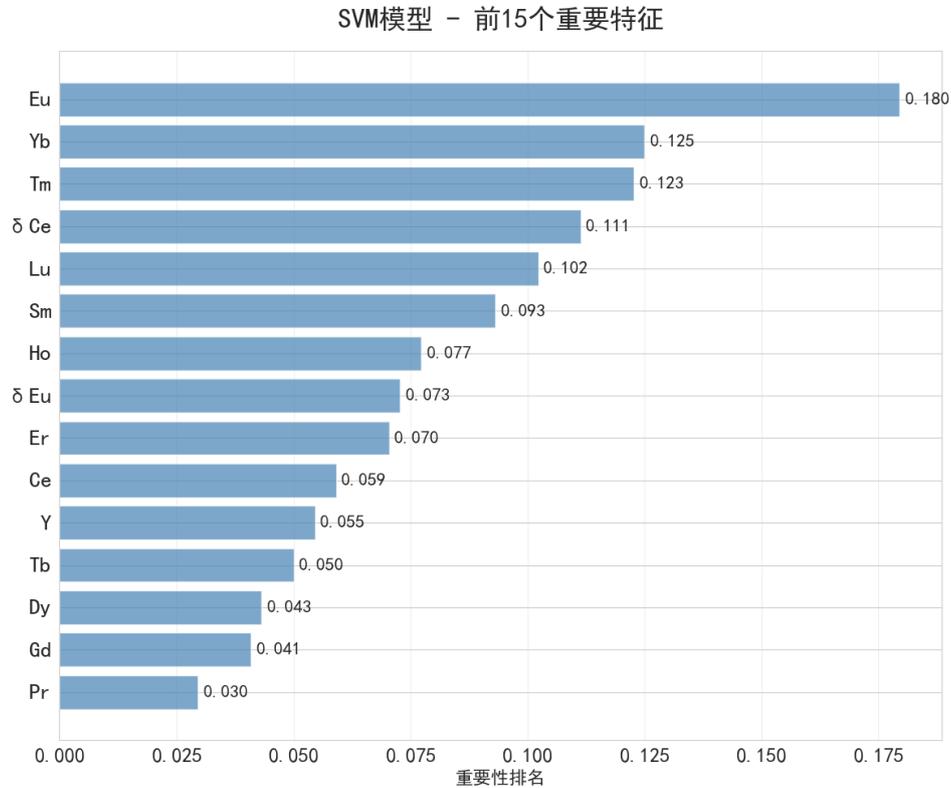


图 8 特征重要性柱状图

Fig.8 Feature importance bar chart

由于稀土元素 (REE^{3+}) 与 Ca^{2+} 的离子半径相近，稀土元素通常以类质同象的方式进入萤石晶格中导致萤石富含 REE 和 Y 元素。此外，不同地质环境下形成的萤石存在明显的地球化学差异 (Möller et al., 1976; Bau and Dulski, 1995)。萤石矿稀土元素组成在热液萤石矿床中可以有效的指示其成矿过程中物理化学条件变化、成矿流体运移与演化、水-岩反应等过程 (刘道荣等, 2023)。因此，萤石矿中的 REE+Y 元素可以有效的区分隐爆角砾岩型、与岩浆相关的热液充填型和与盆地卤水相关的热液填充型萤石矿。基于现有地球化学元素成因判别二元模型，La/Yb- ΣREE 图解可以有效的识别萤石矿成因为与玄武岩、沉积岩与钙质泥岩、花岗岩、金伯利岩还是碳酸岩相关。Möller 等 (1976) 基于全球超过 150 件萤石样品数据，构建了以 Tb/Ca 和 Tb/La 原子比为参数的成因判别二元模型，可以有效识别伟晶气液、热液和沉积成因。Tb/Ca 比值可指示成矿流体的水-岩反应作用及稀土元素在流体中的络合吸附作用；而 Tb/La 比值则可反应稀土元素的分馏程度及萤石的结晶序列 (Möller et al.,

1976)。Tb/La-Sm/Nd 图解则被有效的用于区分萤石矿不同成矿阶段 (帅秋燕等, 2025)。此外, δEu 和 δCe 的异常可以指示萤石成矿流体温度和氧化还原条件 (Bau and Möller, 1992)。前人通过传统数理统计别出了与萤石矿成因密切相关的 La、Yb、Tb、 ΣREE 、Sm、Nd、 δEu 和 δCe 稀土元素参数, 而 SVM 模型计算的置换重要性排序结果显示 Eu、Yb、Tm、 δCe 、Lu 是判别矿床成因类型最具贡献的五个特征参数。SVM 模型不仅识别出传统数理统计可以有效判别萤石矿成因的相关参数 (Yb、 δCe 等), 同时也识别出其它可以用于判别的稀土元素参数 (Tm、Lu)。Yb、Tm、Lu 同属于 HREE 元素, 通常具有相似的化学性质, 不仅受成矿流体中络合物的影响, 同时也受到矿物沉淀过程的控制 (Schwinn and Markl, 2005), 三种不同成因类型的萤石矿床具有明显不同的成因机制与成矿过程, 因此这些元素可以很好的用来判别三种不同成因类型的萤石矿床。

3.3 关键判别元素的分布特征与地球化学意义

基于对研究数据的分析, 三类萤石矿床的稀土元素含量表现出明显的差异性。所有 15 种稀土元素在不同矿床类型间均具有统计显著性差异, 且呈现出清晰的分布模式: 与岩浆热液相关的热液充填型矿床普遍富集所有稀土元素, 其含量约为隐爆角砾岩型的 1.38 - 10.11 倍, 这一富集趋势在重稀土段 (如 Yb、Lu) 尤为显著, 比值分别高达 10.03 和 10.11; 与盆地卤水相关的热液填充型矿床则整体贫化稀土元素, 其含量多为隐爆角砾岩型的 0.19 - 0.75 倍, 但 Eu 元素构成显著例外, 其含量约为隐爆角砾岩型的 2.46 倍, 显示出独特的正 Eu 异常; 隐爆角砾岩型矿床的地球化学特征则稳定地介于二者之间。

表 4 关键判别元素分布特征对比

Table 4 Comparison of distribution characteristics for key discriminant elements

元素	隐爆角砾岩型中位数	与岩浆热液相关的热液 充填型中位数	与盆地卤水相关的热液 填充型中位数	中位数比值（隐爆角砾岩 型：与岩浆热液相关的热 液充填型；与盆地卤水相 关的热液填充型）
La	5.7129	16.3871	3.8710	1.00 : 2.87 : 0.68
Ce	4.2946	11.8193	2.5928	1.00 : 2.75 : 0.60
Pr	7.2869	13.1148	2.5492	1.00 : 1.80 : 0.35
Nd	5.6833	12.8167	3.3971	1.00 : 2.26 : 0.60
Sm	6.4103	14.8718	4.7949	1.00 : 2.32 : 0.75
Eu	6.3946	8.8435	15.7295	1.00 : 1.38 : 2.46
Gd	10.1931	14.9807	4.3739	1.00 : 1.47 : 0.43
Tb	8.8397	23.8397	2.2152	1.00 : 2.70 : 0.25
Dy	7.8509	26.5839	1.7547	1.00 : 3.39 : 0.22
Ho	7.4513	29.5265	1.3928	1.00 : 3.96 : 0.19
Er	6.3333	27.7619	1.2857	1.00 : 4.38 : 0.20
Tm	4.6296	32.7160	1.2346	1.00 : 7.07 : 0.27
Yb	3.2536	32.6316	0.8373	1.00 : 10.03 : 0.26
Lu	2.7950	28.2609	1.2422	1.00 : 10.11 : 0.44
Y	210.6250	350.4808	40.3606	1.00 : 1.66 : 0.19

为直观展示三类矿床稀土元素的分布特征，我们绘制了所有 15 种稀土元素的中位数对比图（图 9）和箱线图（图 10）。由于不同稀土元素的绝对含量差异可达三个数量级，直接使用原始数据绘制箱线图会导致低含量元素的分布特征被掩盖。因此，我们对所有数据进行了球粒陨石标准化处理以及以 10 为底的对数变换处理（ \log_{10} ），将数据压缩到相

近的数值范围，使所有稀土元素的分布特征都能在同一图中清晰展示。

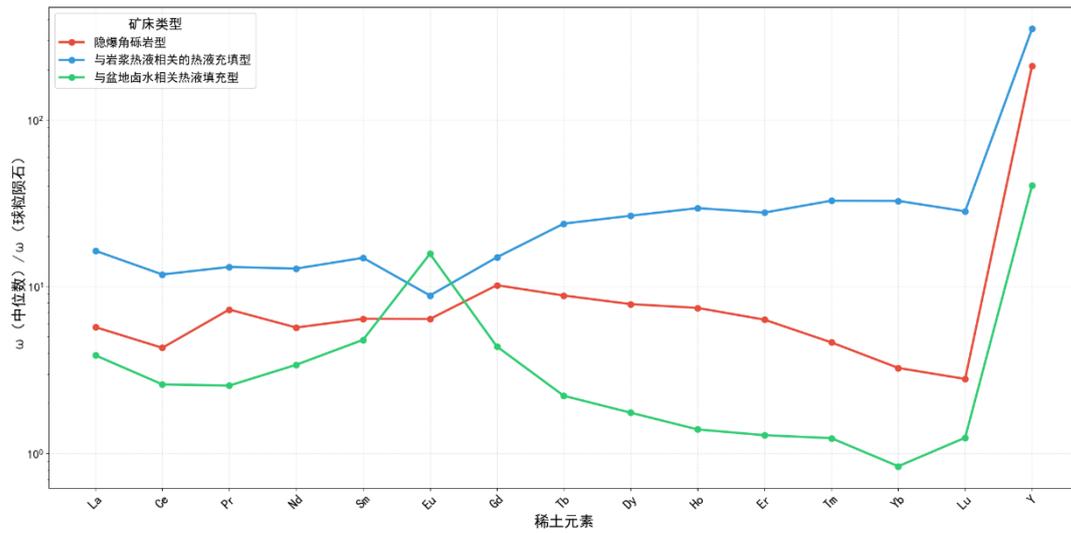


图 9 稀土元素中位数球粒陨石标准化蛛网图（球粒陨石标准化值据 Sun and McDonough,1989）

Fig.9 Median chondrite-normalized spider diagram of rare earth elements

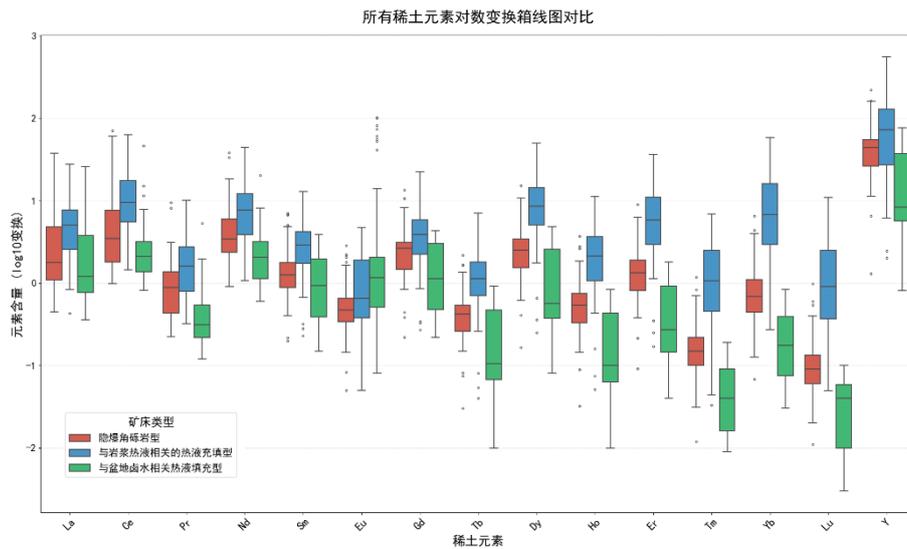


图 10 箱状对比图

Fig.10 Box plot comparison

3.4 基于比值投图的成因判别

为将前述数据驱动分析的发现转化为具象化、可应用的地球化学判别工具，本研究采用了一种完全量化的策略来构建候选元素集。具体而言，我们依据模型的贡献率与重要性排序，分别从 PCA 的 PC1、PC2 以及 SVM 模型中遴选核心元素：从贡献了 57.08%方差的 PC1 中选取载荷前五的元素（Tb、Dy、Ho、Sm、 Σ REE），从贡献了 18.14%方差的 PC2 中选取前三的

元素 (KREE/HREE、Eu、 δ Eu、La、Ce), 同时从高性能 SVM 中选取置换重要性前五的元素 (Eu、Yb、Tm、 δ Ce、Lu)。在合并去重并考虑地质意义的基础上, 我们进一步优化了候选元素集, 移除了 Eu 和 Ce 两个元素, 以避免与已包含的 δ Eu 和 δ Ce 在信息上产生冗余。最终形成了一个包含 12 个关键元素 (Tb、Dy、Ho、Sm、 Σ REE、LREE/HREE、 δ Eu、La、Yb、Tm、 δ Ce、Lu) 的精炼候选池。

通过对该集合中的所有元素进行系统性两两配对与分离度定量计算, 我们客观地评估了多种二维元素组合的判别效能 (表 5)。

表 5 比值投图分离度评分排名 (前 9 名)

Table 5 Ranking of separation scores from ratio plots (top 9)

排名	比值组合	分离度评分
1	Tb/Dy vs Sm/Yb	2.974057
2	δ Ce vs Sm/Yb	2.643964
3	δ Ce vs Sm/Tm	2.214603
4	δ Eu vs Sm/Lu	1.921437
5	δ Eu vs Sm/Tm	1.826782
6	LREE/HREE vs Sm/Lu	1.626312
7	LREE/HREE vs Tb/Yb	1.393709
8	Σ REE vs Tb/Yb	1.374621
9	Σ REE vs La/Yb	1.332607

实验结果显示, Tb/Dy 与 Sm/Yb 的元素比值组合以 2.9741 的分离度评分显著优于其他配对, 展现出最佳的三类矿床区分能力 (图 11a)。在其余优选组合中, δ Ce 与 Sm/Yb 组合以 2.6440 的分离度位列第二 (图 11b), 第三至第四名依次为: δ Ce 与 Sm/Tm 组合 (分离度 2.2146, 图 11c)、 δ Eu 与 Sm/Lu 组合 (分离度 1.9214, 图 11d), 上述组合均显示出良好的类型区分能力。

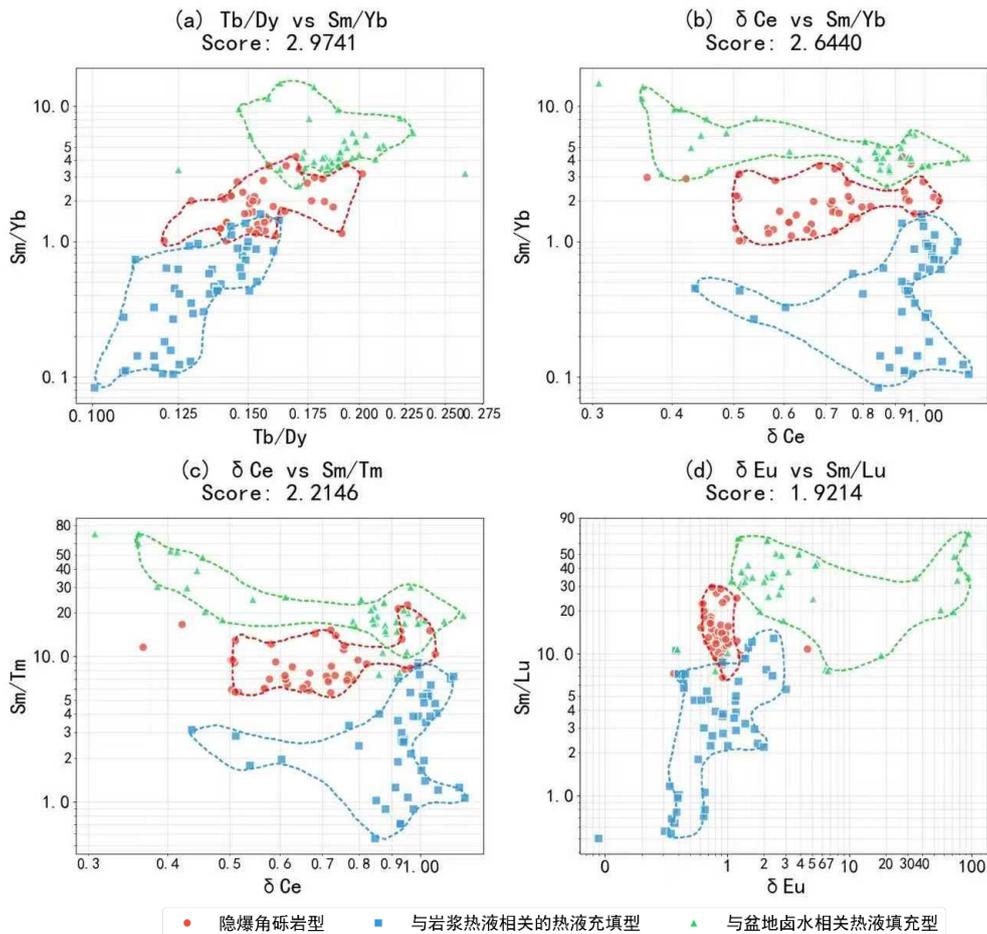


图 11 基于分离度定量筛选的萤石矿床判别图解

Fig.11 Discriminant diagrams for fluorite deposits based on quantitative separation efficiency screening

4 结论

(1) 通过从已发表的学术论文中收集隐爆角砾岩型、与岩浆热液相关的热液充填型和与盆地卤水相关热液充填型萤石矿稀土元素地球化学数据,构建萤石矿稀土元素地球化学数据集。基于此数据集采用支持向量机算法进行矿床成因类型分类,提出了一个用于有效区分三种类型萤石矿的稀土元素判别模型。

(2) 通过主成分分析对 19 维特征进行统计分析和降维可视化,并结合支持向量机模型特征元素重要性排序,识别出可用于区分三种成因类型萤石矿的 12 种关键元素 (Tb、Dy、Ho、Sm、 Σ REE、LREE/HREE、 δ Eu、La、Yb、Tm、 δ Ce、Lu)。

(3) 基于形成的精炼候选池,采用分离度评分体系进行定量评估,新构建了 Tb/Dy vs Sm/Yb、 δ Ce vs Sm/Yb、 δ Ce vs Sm/Tm、 δ Eu vs Sm/Lu 对数判别图可以有效区分隐爆角

砾岩型、与岩浆热液相关的热液充填型和与盆地卤水相关热液充填型萤石矿。

作者贡献说明：吕代和：研究构思、数据收集与整理、论文初稿撰写；田倩：机器学习模型构建与调试、数据分析；刘雨：研究框架设计、关键科学问题凝练、论文修改与定稿；刘刚：技术路线完善，地质模型指导、结果分析与验证；周琦：区域成矿规律指导、研究思路完善；祁连素：数据收集，数据质量控制与解释。

致谢：本文是贵州省 2025 年第一批“甲秀之光”省外访问学者在中国地质大学（武汉）研修培养的成果之一，感谢审稿人的指点和帮助！

参考文献

- Altmann, A., Toloşi, L., Sander, O., Lengauer, T., 2010. Permutation Importance: A Corrected Feature Importance Measure. *Bioinformatics*, 26(10): 1340-1347. doi:10.1093/bioinformatics/btq134
- 白彦, 2020. 内蒙古四子王旗北部萤石矿床地质特征与构造控矿规律. 中国地质大学(北京)出版社, 北京.
- Bai, Y., 2020. Geological Characteristics and Structural Ore-Control Regularity of Fluorite Deposits in Northern Siziwang Banner, Inner Mongolia. Ph.D. Dissertation, China University of Geosciences (Beijing), Beijing (in Chinese). doi:10.27493/d.cnki.gzdzy.2020.001452
- Bau, M., Dulski, P., 1995. Comparative Study of Yttrium and Rare-Earth Element Behaviours in Fluorine-Rich Hydrothermal Fluids. *Contributions to Mineralogy and Petrology*, 119(2-3): 213-223.
- Bau, M., Möller, P., 1992. Rare Earth Element Fractionation in Metamorphogenic Hydrothermal Calcite, Magnesite and Siderite. *Mineralogy and Petrology*, 45(3-4): 231-246.
- Breiman, L., 2001. Random Forests. *Machine Learning*, 45(1): 5-32. doi:10.1023/A:1022627411411
- 蔡华君, 张宝贵, 李院生, 1996. 辉锑矿-萤石共生矿床中萤石的稀土元素地球化学. 地质地球化学, (2): 103-106.
- Cai, H. J., Zhang, B. G., Li, Y. S., 1996. REE Geochemistry of Fluorite in Stibnite-Fluorite

- Paragenetic Deposits. *Geology-Geochemistry*, (2): 103-106 (in Chinese with English abstract).
- Cortes, C., Vapnik, V., 1995. Support-Vector Networks. *Machine Learning*, 20(3): 273-297. doi:10.1023/A:1022627411411
- 郭宇, 陈登, 汤子程, 等, 2023. 黔东北地区金亮萤石矿床稀土元素地球化学特征与成矿物质来源. *矿物学报*, 43(6): 873 - 881.
- Guo, Y., Chen, D., Tang, Z. C., et al., 2023. Rare Earth Element Geochemical Characteristics and Sources of Ore-Forming Materials in the Jinliang Fluorite Deposit, Northeastern Guizhou Province. *Acta Mineralogica Sinica*, 43(6): 873-881 (in Chinese with English abstract). doi:10.16461/j.cnki.1000-4734.2023.43.071
- 侯霖莉, 吴松, 易建洲, 等, 2024. 基于机器学习的绿泥石微量元素判别矿床类型. *地球科学*, 49(12): 4303-4317.
- Hou, L. L., Wu, S., Yi, J. Z., et al., 2024. Discrimination of Deposit Types Using Chlorite Trace Elements Based on Machine Learning. *Earth Science-Journal of China University of Geosciences*, 49(12): 4303-4317 (in Chinese with English abstract).
- 金少荣, 陈军, 代德荣, 等, 2018. 黔西南高岭萤石矿床微量和稀土元素地球化学特征. *矿物学报*, 38(6): 684-692.
- Jin, S. R., Chen, J., Dai, D. R., et al., 2018. Trace and Rare Earth Element Geochemical Characteristics of the Gaoling Fluorite Deposit, Southwestern Guizhou Province. *Acta Mineralogica Sinica*, 38(6): 684-692 (in Chinese with English abstract). doi:10.16461/j.cnki.1000-4734.2018.38.244
- Jolliffe, I. T., Cadima, J., 2016. Principal Component Analysis: A Review and Recent Developments. *Philosophical Transactions of the Royal Society A: Mathematical, Physical and Engineering Sciences*, 374(2065): 20150202. doi:10.1098/rsta.2015.0202
- Lachaud, A., Adam, M., Mišković, I., 2023. Comparative Study of Random Forest and Support Vector Machine Algorithms in Mineral Prospectivity Mapping with Limited Training Data. *Minerals*, 13(8): 1073. doi:10.3390/min13081073
- 李敏, 2022. 黔东北地区双河重晶石-萤石矿床地质特征及成因研究. 成都理工大学博士学位学

位论文.

- Li, M., 2022. Geological Characteristics and Genesis of the Shuanghe Barite-Fluorite Deposit in Northeastern Guizhou Province. Ph.D. Dissertation, Chengdu University of Technology, Chengdu (in Chinese). doi:10.26986/d.cnki.gcdlc.2022.000625
- 刘道荣, 商朋强. 2023. 中国萤石矿床分类及稀土元素地球化学特征[J]. 地质与勘探, 59(2): 211-222.
- Liu, D. R., Shang, P. Q., 2023. Classification of Fluorite Deposits in China and Their Rare Earth Element Geochemical Characteristics. *Geology and Exploration*, 59(2): 211-222 (in Chinese with English abstract).
- Möller, P., Parekh, P. P., Schneider, H. J., 1976. The Application of Tb/Ca-Tb/La Abundance Ratios to Problems of Fluorspar Genesis. *Mineralium Deposita*, 11: 111-116.
- 彭建堂, 胡瑞忠, 漆亮, 等, 2002. 晴隆锑矿床中萤石的稀土元素特征及其指示意义. 地质科学, (3): 277-287.
- Peng, J. T., Hu, R. Z., Qi, L., et al., 2002. REE Characteristics of Fluorites from the Qinglong Antimony Deposit and Their Implications. *Chinese Journal of Geology*, (3): 277-287 (in Chinese with English abstract).
- Petrelli, M., Bizzarri, R., Morgavi, D., et al., 2017. Combining Machine Learning Techniques, Microanalyses and Large Geochemical Datasets for Tephrochronological Studies in Complex Volcanic Areas. *Quaternary Geochronology*, 40: 33-44. doi:10.1016/j.quageo.2016.12.003
- 祁连素, 尹廷龙, 黄启霖, 等, 2025. 贵州晴隆黑山箐萤石矿床气液爆破成矿作用. 矿物学报, 45(4): 823 - 834.
- Qi, L. S., Yin, T. L., Huang, Q. L., et al., 2025. Hydrothermal Explosive Mineralization of the Heishanqing Fluorite Deposit in Qinglong, Guizhou Province. *Acta Mineralogica Sinica*, 45(4): 823-834 (in Chinese with English abstract).
- 饶红娟, 罗平, 阳正熙, 等, 2010. 塔里木盆地西克尔萤石地球化学特征及成因讨论. 沉积学报, 28(04): 821-831.
- Rao, H. J., Luo, P., Yang, Z. X., et al., 2010. Geochemical Characteristics and Origin of Fluorite in Xiker Area, Tarim Basin. *Acta Sedimentologica Sinica*, 28(04): 821-831.

doi:10.14027/j.cnki.cjxb.2010.04.002

帅秋燕, 李加好, 魏国辉, 等, 2025. 皖南姚家塔萤石矿床成矿流体特征及矿床成因: 来自稀土元素和流体包裹体的制约. *地质科学*, 60(05): 1426-1439

Shuai, Q. Y., Li, J. H., Wei, G. H., et al., 2025. Characteristics of Ore-forming Fluids and Genesis of the Yaojiata Fluorite Deposit in Southern Anhui: Constraints from Rare Earth Elements and Fluid Inclusions. *Chinese Journal of Geology*, 60(05): 1426-1439 (in Chinese with English abstract).

Schwinn, G. Markl, G., 2002. REE systematics in hydrothermal fluorite. *Chemical Geology*, 216(3-4): 225-248. doi.org/10.1016/j.chemgeo.2004.11.012

Sun, S. S., Mcdonough, W. F., 1989. Chemical and isotopic systematics of oceanic basalt implications for mantle composition and process. *Geological Society, London, Special Publications*, 42(1): 313-345. doi.org/10.1144/gsl.sp.1989.042.01.19

U.S. Geological Survey, 2024. Mineral Commodity Summaries 2024. *U.S. Geological Survey*, Reston, VA. doi: 10.3133/mcs2024

王均, 2019. 贵州省晴隆大厂矿集区成矿特征及找矿预测研究. 中国地质大学(北京)博士学位论文.

Wang, J., 2019. Metallogenic Characteristics and Ore-Prospecting Prediction Research of the Dachang Ore Concentration Area in Qinglong, Guizhou Province. Ph.D. Dissertation, China University of Geosciences (Beijing), Beijing (in Chinese). doi:10.27493/d.cnki.gzdzy.2019.001624

王凯, 2022. 大兴安岭南段萤石矿床类型及地质地球化学特征. 中国地质大学(北京)博士学位论文.

Wang, K., 2022. Types and Geological-Geochemical Characteristics of Fluorite Deposits in the Southern Section of the Greater Khingan Range. Ph.D. Dissertation, China University of Geosciences (Beijing), Beijing (in Chinese).doi:10.27493/d.cnki.gzdzy.2022.002060

Wang, P., Glover III, L., 1992. A Tectonics Test of the Most Commonly Used Geochemical Discriminant Diagrams and Patterns. *Earth-Science Reviews*, 33(2): 111-131. doi:10.1016/0012-8252(92)90022-L

- 夏学惠, 韩豫川, 连卫, 等, 2009. 浙江八面山萤石矿床稀土元素地球化学特征及成因探讨. *化工矿产地质*, 31(4): 193–200.
- Xia, X. H., Han, Y. C., Lian, W., et al., 2009. Genesis Discussion and REE Geochemistry Characters in Ba-Mianshan Fluorite Deposit in Zhejiang Province. *Geology of Chemical Minerals*, 31(4): 193–200 (in Chinese with English abstract).
- 徐阳东, 祁连素, 尹廷龙, 等, 2023. 贵州晴隆冬瓜林萤石矿床微量和稀土元素地球化学特征. *矿物学报*, 43(6): 853–860.
- Xu, Y. D., Qi, L. S., Yin, T. L., et al., 2023. Trace and Rare Earth Element Geochemical Characteristics of the Donggualin Fluorite Deposit in Qinglong, Guizhou Province. *Acta Mineralogica Sinica*, 43(6): 853–860 (in Chinese with English abstract).
doi:10.16461/j.cnki.1000-4734.2023.43.085
- Yu, L. M., Zou, H., Santosh, M., et al., 2022. The Link between Paleo-Tethys Subduction and Regional Metallogeny in the SW Yangtze Block: New Evidence from the Zubu Carbonate-hosted F-Pb-Zn Deposit. *Ore Geology Reviews*, 144: 104809.
doi:10.1016/j.oregeorev.2022.104809
- 张航飞, 文俊, 陈敏, 等, 2025. 川西南马边地区萤石矿床成矿物质来源及其对区域找矿的启示. *地质通报*, 44(10): 16-1829.
- Zhang, H. F., Wen, J., Chen, M., et al., 2025. Sources of Ore-forming Materials of Fluorite Deposit in the Mabian Area, Southwest Sichuan, and Implications for Regional Prospecting. *Geological Bulletin of China*, 44(10): 1816-1829 (in Chinese with English abstract).
- 张兴阳, 顾家裕, 罗平, 等, 2006. 塔里木盆地奥陶系萤石成因及其油气地质意义. *岩石学报*, (08): 2220-2228
- Zhang, X. Y., Gu, J. Y., Luo, P., et al., 2006. Genesis of Ordovician Fluorite and Its Significance for Petroleum Geology in the Tarim Basin. *Acta Petrologica Sinica*, (08): 2220-2228 (in Chinese with English abstract).
- 张遵遵, 龚银杰, 陈立波, 等, 2018. 黔东北沿河大竹园萤石矿床成矿物质来源探讨: 地球化学制约. *地球化学*, 47(3): 95 - 305.

- Zhang, Z. Z., Gong, Y. J., Chen, L. B., et al., 2018. Sources of Ore-Forming Materials in the Dazhuyuan Fluorite Deposit, Yanhe, Northeastern Guizhou Province: Geochemical Constraints. *Geochimica*, 47(3): 295–305 (in Chinese with English abstract).doi:10.19700/j.0379-1726.2018.03.006
- 周博文, 2023. 福建省邵武张厝萤石矿床地球化学特征及成因探讨. 昆明理工大学硕士学位论文.
- Zhou, B. W., 2023. Geochemical Characteristics and Genesis Discussion of the Zhangcuo Fluorite Deposit in Shaowu, Fujian Province. Master's Thesis, Kunming University of Science and Technology, Kunming (in Chinese). doi:10.27200/d.cnki.gkmlu.2023.001461
- 周琦, 陶平, 陈启飞, 等, 2025. 贵州省成矿规律与百年勘查成果及新一轮找矿突破行动建议——《中国矿产地质志·贵州卷》研编. 地球学报, 46(1): 172 - 183.
- Zhou, Q., Tao, P., Chen, Q. F., et al., 2025. Metallogenic Regularity, Centennial Exploration Achievements, and Suggestions for a New Round of Prospecting Breakthrough Action in Guizhou Province: Compilation and Research of “Mineral Geology of China · Guizhou Volume”. *Acta Geoscientica Sinica*, 46(1): 172–183 (in Chinese with English abstract).
- 周祖虎, 曹卫刚, 戴玉皇, 等, 2024. 黔西南莲花山背斜北东段萤石矿带控矿因素与找矿方向. 贵州地质, 41(3): 270-277.
- Zhou, Z. H., Cao, W. G., Dai, Y. H., et al., 2024. Ore-Control Factors and Prospecting Direction of the Fluorite Ore Belt in the Northeastern Segment of the Lianhuashan Anticline, Southwestern Guizhou. *Guizhou Geology*, 41(3): 270-277 (in Chinese with English abstract).
- 邹灏, 淡永, 张寿庭, 等, 2016. 重庆东南部彭水地区重晶石-萤石矿床的成矿物质来源探讨: 地球化学证据. 大地构造与成矿学, 40(1): 71–85.
- Zou, H., Dan, Y., Zhang, S. T., et al., 2016. Discussion on the Source of Ore-Forming Materials of the Barite-Fluorite Deposit in the Pengshui Area, Southeastern Chongqing: Evidence from Geochemistry. *Geotectonica et Metallogenia*, 40(1): 71–85 (in Chinese with English abstract). doi:10.16539/j.ddgzyckx.2016.01.007
- 邹灏, 方乙, 陈合毛, 等, 2014. 浙江天台盆地下陈萤石矿稀土元素地球化学特征及成因. 中国地质, 41(4): 1375–1386.

- Zou, H., Fang, Y., Chen, H. M., et al., 2014. REE Geochemistry and Genesis of the Xiachen Fluorite Deposit in Tiantai Basin, Zhejiang Province. *Geology in China*, 41(4): 1375–1386 (in Chinese with English abstract).
- Zou, H., Li, M., Santosh, M., et al., 2022. Fault-controlled Carbonate-hosted Barite-fluorite Mineral Systems: The Shuanghe Deposit, Yangtze Block, South China. *Gondwana Research*, 101: 26-43. doi:10.1016/j.gr. 2021.07.020
- Zuo, R., Carranza, E. J. M., 2023. Machine Learning-Based Mapping for Mineral Exploration. *Mathematical Geosciences*, 55(7): 891-895. doi: 10.1007/s11004-023-10097-3
- Zuo, R., Yang, F., Cheng, Q., et al., 2025. A Novel Data-Knowledge Dual-Driven Model Coupling Artificial Intelligence with a Mineral Systems Approach for Mineral Prospectivity Mapping. *Geology*, 53(3): 284-288. doi: 10.1130/G52970.1